

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
**федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего  
образования**  
**«Красноярский государственный педагогический университет  
им. В.П. Астафьева»**  
**(КГПУ им. В.П. Астафьева)**

## ПРЕДМЕТНАЯ ЧАСТЬ (ПО ПРОФИЛЮ МАТЕМАТИКА)

### Математический анализ

#### рабочая программа дисциплины (модуля)

|  |   |                            |  |
|--|---|----------------------------|--|
| Закреплена за кафедрой                                       | <b>D10 Математики и методики обучения математике</b>  |                            |  |
| Учебный план   | 44.03.05 Физика и математика (очное, 2026).plx<br>44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)<br>Направленность (профиль) образовательной программы Физика и математика<br>Выпускающие кафедры:<br>Математики и методики обучения математике; Физики, технологии и методики обучения |                            |  |
| Квалификация   | <b>бакалавр</b>   |                            |  |
| Форма обучения   | <b>очная</b>  |                            |  |
| Общая трудоемкость   | <b>13 ЗЕТ</b>   |                            |  |
| Часов по учебному плану                                      | 468   | Виды контроля в семестрах: |  |
| в том числе:   |   |                            |  |
| аудиторные занятия   | 0   |                            |  |
| самостоятельная работа                                       | 271,55  |                            |  |
| контактная работа во время<br>промежуточной аттестации (ИКР) | 0   |                            |  |

#### Распределение часов дисциплины по семестрам

| Семестр<br>(<Курс>.<Семестр<br>на курсе>)               | 1 (1.1) |        | 2 (1.2) |       | 3 (2.1) |       | 4 (2.2) |       | Итого  |        |
|---|---------|--------|---------|-------|---------|-------|---------|-------|--------|--------|
|   | Неделя  |        | 18 5/6  |       | 16 2/6  |       | 12 5/6  |       |        |        |
| Вид занятий   | УП      | РП     | УП      | РП    | УП      | РП    | УП      | РП    | УП     | РП     |
| Лекции  | 20      | 20     | 18      | 18    | 20      | 20    | 20      | 20    | 78     | 78     |
| Лабораторные  | 22      | 22     | 18      | 18    | 22      | 22    | 20      | 20    | 82     | 82     |
| Контроль на<br>промежуточную<br>аттестацию (зачет)      | 0,15    | 0,15   | 0,15    | 0,15  |         |       | 0,15    | 0,15  | 0,45   | 0,45   |
| Контроль на<br>промежуточную<br>аттестацию<br>(экзамен) |         |        |         |       | 0,33    | 0,33  |         |       | 0,33   | 0,33   |
| В том числе в форме<br>практ.подготовки                 | 2       | 2      | 2       | 2     | 2       | 2     | 4       | 4     | 10     | 10     |
| Итого ауд.  | 42      | 42     | 36      | 36    | 42      | 42    | 40      | 40    | 160    | 160    |
| Контактная работа                                       | 42,15   | 42,15  | 36,15   | 36,15 | 42,33   | 42,33 | 40,15   | 40,15 | 160,78 | 160,78 |
| Сам. работа   | 101,85  | 101,85 | 35,85   | 35,85 | 66      | 66    | 67,85   | 67,85 | 271,55 | 271,55 |
| Часы на контроль  |         |        |         |       | 35,67   | 35,67 |         |       | 35,67  | 35,67  |
| Итого   | 144     | 144    | 72      | 72    | 144     | 144   | 108     | 108   | 468    | 468    |

Программу составил(и):

*кпн, доцент, Шашкина Мария Борисовна; кпн, доцент, Журавлева Наталья Александровна*

Рабочая программа дисциплины

разработана в соответствии с ФГОС ВО:

Федеральный государственный образовательный стандарт высшего образования - бакалавриат по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки) (приказ Минобрнауки России от 22.02.2018 г. № 125)

составлена на основании учебного плана:

44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки)

Направленность (профиль) образовательной программы Физика и математика

Выпускающие кафедры:

Математики и методики обучения математике; Физики, технологии и методики обучения

утвержденного учёным советом вуза от 24.06.2026 протокол № 10.

Рабочая программа одобрена на заседании кафедры математики и методики обучения математике

Протокол от 06.05.2026 г. № 8

Зав. кафедрой Шашкина Мария Борисовна

Согласовано с представителями работодателей на заседании НМС УГН(С), протокол № 8 от 14.05.2026.

Председатель НМС УГН(С)

Аёшина Екатерина Андреевна

### 1. ЦЕЛИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Содействие становлению универсальных и профессиональных компетенций студентов педагогического образования на основе овладения содержанием дисциплины в рамках модуля «Предметно-методический».

### 2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ) В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

|                   |   |            |
|-------------------|---|------------|
| Цикл (раздел) ОП: |   | Б1.О.07.01 |
| <b>2.1</b>        | <b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>  |            |
| 2.1.1             | Школьный курс математики  |            |
| 2.1.2             | Ознакомительная практика (по профилю Математика)  |            |
| <b>2.2</b>        | <b>Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b> |            |
| 2.2.1             | Теория вероятностей и математическая статистика   |            |
| 2.2.2             | Теория функций действительного переменного  |            |
| 2.2.3             | Дифференциальные уравнения  |            |
| 2.2.4             | Дополнительные главы математического анализа  |            |
| 2.2.5             | Теория функции комплексного переменного   |            |

### 3. ФОРМИРУЕМЫЕ КОМПЕТЕНЦИИ И ИНДИКАТОРЫ ИХ ДОСТИЖЕНИЯ

**УК-1: Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач**

**УК-1.2: Применяет логические формы и процедуры, способен к рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности**

**Знать:**

|           |  |
|-----------|--|
| Уровень 1 | методы критического анализа и синтеза информации на уровне самостоятельного применения |
| Уровень 2 | методы критического анализа и синтеза информации на уровне применения с подсказками    |
| Уровень 3 | методы критического анализа и синтеза информации с помощью преподавателя               |

**Уметь:**

|           |   |
|-----------|---|
| Уровень 1 | применять системный подход для решения поставленных задач самостоятельно          |
| Уровень 2 | применять системный подход для решения поставленных задач с подсказками           |
| Уровень 3 | применять системный подход для решения поставленных задач с помощью преподавателя |

**Владеть:**

|           |  |
|-----------|--|
| Уровень 1 | навыками рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности (самостоятельно)          |
| Уровень 2 | навыками рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности (с подсказками)           |
| Уровень 3 | навыками рефлексии по поводу собственной и чужой мыслительной деятельности (с помощью преподавателя) |

**ПК-1: Способен осваивать и использовать теоретические знания и практические умения и навыки в предметной области при решении профессиональных задач**

**ПК-1.1: Знает структуру, состав и дидактические единицы предметной области (преподаваемого предмета)**

**Знать:**

|           |  |
|-----------|--|
| Уровень 1 | структуру, состав и дидактические единицы содержания математического анализа (самостоятельно)          |
| Уровень 2 | структуру, состав и дидактические единицы содержания математического анализа (с подсказками)           |
| Уровень 3 | структуру, состав и дидактические единицы содержания математического анализа (с помощью преподавателя) |

**Уметь:**

|           |  |
|-----------|--|
| Уровень 1 | осуществлять действия в рамках дидактических единиц содержания математического анализа (самостоятельно)          |
| Уровень 2 | осуществлять действия в рамках дидактических единиц содержания математического анализа (с подсказками)           |
| Уровень 3 | осуществлять действия в рамках дидактических единиц содержания математического анализа (с помощью преподавателя) |

|  |  |
|--|--|
| <b>Владеть:</b>  |  |
| Уровень 1  | опытом деятельности в рамках дидактических единиц содержания математического анализа (самостоятельно)  |
| Уровень 2  | опытом деятельности в рамках дидактических единиц содержания математического анализа (с подсказками)   |
| Уровень 3  | опытом деятельности в рамках дидактических единиц содержания математического анализа (с помощью преподавателя)   |
| <b>ПК-1.2: Умеет осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с требованиями ФГОС ОО</b>   |  |
| <b>Знать:</b>  |  |
| Уровень 1  | роль и место математики в общей картине научного знания (самостоятельно)   |
| Уровень 2  | роль и место математики в общей картине научного знания (с подсказками)  |
| Уровень 3  | роль и место математики в общей картине научного знания (с помощью преподавателя)  |
| <b>Уметь:</b>  |  |
| Уровень 1  | осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с современными требованиями к образованию (самостоятельно)          |
| Уровень 2  | осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с современными требованиями к образованию (с подсказками)           |
| Уровень 3  | осуществлять отбор учебного содержания для его реализации в различных формах обучения в соответствии с современными требованиями к образованию (с помощью преподавателя) |
| <b>Владеть:</b>  |  |
| Уровень 1  | действием проектирования различных форм учебных занятий (самостоятельно)   |
| Уровень 2  | действием проектирования различных форм учебных занятий (с подсказками)  |
| Уровень 3  | действием проектирования различных форм учебных занятий (с помощью преподавателя)  |
| <b>ПК-3: Способен формировать развивающую образовательную среду для достижения личностных, предметных и метапредметных результатов обучения средствами преподаваемых учебных предметов</b> |  |
| <b>ПК-3.1: Владеет способами интеграции учебных предметов для организации развивающей учебной деятельности (исследовательской, проектной, групповой и др.)</b>                             |  |
| <b>Знать:</b>  |  |
| Уровень 1  | особенности интеграции учебных предметов для организации разных способов учебной деятельности (самостоятельно)   |
| Уровень 2  | особенности интеграции учебных предметов для организации разных способов учебной деятельности (с подсказками)  |
| Уровень 3  | особенности интеграции учебных предметов для организации разных способов учебной деятельности (с помощью преподавателя)  |
| <b>Уметь:</b>  |  |
| Уровень 1  | осуществлять интеграцию математических дисциплин для организации развивающей учебной деятельности (самостоятельно)   |
| Уровень 2  | осуществлять интеграцию математических дисциплин для организации развивающей учебной деятельности (с подсказками)  |
| Уровень 3  | осуществлять интеграцию математических дисциплин для организации развивающей учебной деятельности (с помощью преподавателя)  |
| <b>Владеть:</b>  |  |
| Уровень 1  | навыками осуществления интеграции математических дисциплин для организации развивающей учебной деятельности (самостоятельно)   |
| Уровень 2  | навыками осуществления интеграции математических дисциплин для организации развивающей учебной деятельности (с подсказками)  |
| Уровень 3  | навыками осуществления интеграции математических дисциплин для организации развивающей учебной деятельности (с помощью преподавателя)                                    |

#### 4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

| Код занятия | Наименование разделов и тем /вид занятия/ | Семестр / Курс | Часов | Компетен-ции | Литература и эл. ресурсы | Инте ракт. | Примечание |
|-------------|---|----------------|-------|--------------|--------------------------|------------|------------|
|             | Раздел 1. Введение в анализ               |                |       |              |                          |            |            |

|      |  |   |       |               |                   |  |                        |
|------|--|---|-------|---------------|-------------------|--|------------------------|
| 1.1  | Числовые множества и функции /Лек/   | 1 | 4     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Тест входного контроля |
| 1.2  | Числовые множества и функции /Лаб/   | 1 | 6     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 1.3  | Числовые множества и функции /Ср/  | 1 | 25    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Тест                   |
| 1.4  | Предел последовательности /Лек/  | 1 | 8     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Коллоквиум             |
| 1.5  | Предел последовательности /Лаб/  | 1 | 6     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 1.6  | Предел последовательности /Ср/   | 1 | 25    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 1.7  | Предел функции /Лек/   | 1 | 4     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Коллоквиум             |
| 1.8  | Предел функции /Лаб/   | 1 | 6     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 1.9  | Предел функции /Ср/  | 1 | 25    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 1.10 | Непрерывность функции /Лек/  | 1 | 4     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Коллоквиум             |
| 1.11 | Непрерывность функции /Лаб/  | 1 | 4     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 1.12 | Зачет по разделу Введение в анализ /КРЗ/   | 1 | 0,15  | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Зачет                  |
| 1.13 | Непрерывность функции /Ср/   | 1 | 26,85 | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
|      | <b>Раздел 2. Дифференциальное исчисление функций одной действительной переменной</b>       |   |       |               |                   |  |                        |
| 2.1  | Производная и дифференциал /Лек/   | 2 | 6     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Тест входного контроля |
| 2.2  | Производная и дифференциал /Лаб/   | 2 | 6     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.3  | Производная и дифференциал /Ср/  | 2 | 12    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.4  | Приложения производной и дифференциала /Лек/   | 2 | 6     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.5  | Приложения производной и дифференциала /Лаб/   | 2 | 6     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.6  | Приложения производной и дифференциала /Ср/  | 2 | 12    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.7  | Исследование функций с помощью производной /Лек/   | 2 | 6     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.8  | Исследование функций с помощью производной /Лаб/   | 2 | 6     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.9  | Исследование функций с помощью производной /Ср/  | 2 | 11,85 | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 2.10 | Зачет по разделу Дифференциальное исчисление функций одной действительной переменной /КРЗ/ | 2 | 0,15  | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Зачет                  |
|      | <b>Раздел 3. Интегральное исчисление функций одной действительной переменной</b>           |   |       |               |                   |  |                        |
| 3.1  | Неопределенный интеграл /Лек/  | 3 | 6     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Тест входного контроля |
| 3.2  | Неопределенный интеграл /Лаб/  | 3 | 12    | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Коллоквиум             |
| 3.3  | Неопределенный интеграл /Ср/   | 3 | 12    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Контрольная работа     |
| 3.4  | Определенный интеграл и несобственные интегралы /Лек/                                      | 3 | 6     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Опрос                  |
| 3.5  | Определенный интеграл и несобственные интегралы /Лаб/                                      | 3 | 4     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2<br>Л1.3 |  | Контрольная работа     |

|      |  |   |       |               |                |  |                        |
|------|--|---|-------|---------------|----------------|--|------------------------|
| 3.6  | Определенный интеграл и несобственные интегралы /Ср/                                     | 3 | 12    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Контрольная работа     |
| 3.7  | Приложения определенного интеграла /Лек/   | 3 | 6     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Доклад                 |
| 3.8  | Приложения определенного интеграла /Лаб/   | 3 | 4     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Контрольная работа     |
| 3.9  | Приложения определенного интеграла /Ср/  | 3 | 18    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Контрольная работа     |
| 3.10 | Экзамен по разделу Интегральное исчисление функций одной действительной переменной /КРЭ/ | 3 | 0,33  | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Экзамен                |
| 3.11 | Экзамен /Экзамен/  | 3 | 35,67 |               |                |  |                        |
|      | <b>Раздел 4. Основы теории обыкновенных дифференциальных уравнений</b>                   |   |       |               |                |  |                        |
| 4.1  | Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений /Лек/                    | 3 | 1     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Опрос                  |
| 4.2  | Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений /Лаб/                    | 3 | 1     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Опрос                  |
| 4.3  | Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений /Ср/                     | 3 | 12    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Опрос                  |
| 4.4  | Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными /Лек/                            | 3 | 1     | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Доклад                 |
| 4.5  | Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными /Лаб/                            | 3 | 1     | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Доклад                 |
| 4.6  | Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными /Ср/                             | 3 | 12    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Доклад                 |
|      | <b>Раздел 5. Теория рядов</b>  |   |       |               |                |  |                        |
| 5.1  | Числовые ряды /Лек/  | 4 | 10    | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Тест входного контроля |
| 5.2  | Числовые ряды /Лаб/  | 4 | 10    | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Коллоквиум             |
| 5.3  | Числовые ряды /Ср/   | 4 | 34    | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 5.4  | Функциональные и степенные ряды /Лек/  | 4 | 10    | УК-1.2        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Коллоквиум             |
| 5.5  | Функциональные и степенные ряды /Лаб/  | 4 | 10    | ПК-1.1        | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 5.6  | Функциональные и степенные ряды /Ср/   | 4 | 33,85 | ПК-1.2 ПК-3.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Проверочная работа     |
| 5.7  | Зачет по разделу Теория рядов /КРЗ/  | 4 | 0,15  | УК-1.2 ПК-1.1 | Л1.1 Л1.2 Л1.3 |  | Зачет                  |

## 5. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

### 5.1. Контрольные вопросы и задания

#### Раздел 1. Введение в анализ

Тест входного контроля по разделу 1

1. Нахождение области определения функции.
2. Нахождение множества значений функции.
3. Определение четности, ограниченности, монотонности, периодичности функции.

Тестирование по теме "Числовые множества и функции"

1. Чтение графиков основных элементарных функций.
2. Определение свойств функций.
3. Построение графиков элементарных функций.

Проверочная работа по теме "Числовые множества и функции"

1. Нахождение области определения функции.
2. Нахождение множества значений функции.

## 3. Определение четности, ограниченности, монотонности, периодичности функции.

Проверочная работа по теме "Предел последовательности"

1. Доказательство предела последовательности по определению.
2. Вычисление пределов последовательности с разными типами неопределенности.
3. Построение примеров последовательностей с заданными свойствами.

Коллоквиум по теме "Предел последовательности"

1. Понятие последовательности, способы задания последовательностей.
2. Понятие предела последовательности и его геометрический смысл.
3. Свойства пределов последовательностей.

Проверочная работа по теме "Предел функции"

1. Доказательство предела функции по определению.
2. Вычисление предела функции в точке.
3. Вычисление предела функции на бесконечности.

Коллоквиум по теме "Предел функции"

1. Понятие предела функции в точке.
2. Понятие предела функции на бесконечности.
3. Свойства пределов функций.

Проверочная работа по теме "Непрерывность функции"

1. Доказательство непрерывности функции по определению.
2. Исследование функции на непрерывность.
3. Построение графиков кусочно-непрерывных функций.

Коллоквиум по теме "Непрерывность функции"

1. Понятие непрерывности функции в точке и на множестве.
2. Классификация точек разрыва.
3. Свойства непрерывных функций.

## Раздел 2. Дифференциальное исчисление функций одной действительной переменной

Тест входного контроля по разделу 2

1. Определение предела последовательности.
2. Определение предела функции.
3. Классификация точек разрыва.

Проверочная работа по теме "Производная и дифференциал"

1. Вычисление производной по определению.
2. Вычисление производной с помощью правил дифференцирования.
3. Вычисление производных и дифференциалов сложных функций.

Проверочная работа по теме "Приложения производной и дифференциала"

1. Решение задач на геометрический смысл производной.
2. Решение задач на физический смысл производной.
3. Приближенные вычисления с помощью дифференциала.

Проверочная работа по теме "Исследование функций с помощью производной"

1. Исследование функций на монотонность и экстремумы.
2. Исследование кривой на направление выпуклости.
3. Нахождение наибольшего и наименьшего значений функции на отрезке.

## Раздел 3. Интегральное исчисление функций одной действительной переменной

Тест входного контроля по разделу 3

1. Геометрический смысл производной и дифференциала.
2. Вычисление производной.
3. Исследование функции на экстремумы.

Коллоквиум по теме "Неопределенный интеграл"

1. Понятие первообразной и неопределенного интеграла
2. Основные методы интегрирования
3. Приемы интегрирования различных функций

Опрос по теме "Определенный интеграл и несобственные интегралы"

1. Понятие определенного интеграла и его геометрический смысл

2. Условия интегрируемости функций
3. Понятие несобственного интеграла первого и второго рода

Контрольная работа по теме "Интегральное исчисление"

1. Нахождение первообразной и неопределенного интеграла
2. Применение основных методов интегрирования
3. Интегрирование рациональных функций и некоторых видов тригонометрических и иррациональных функций.
4. Вычисление определенного интеграла
5. Вычисление несобственных интегралов
6. Основные методы интегрирования
7. Решение задач на геометрические приложения определенного интеграла на плоскости
8. Решение задач на геометрические приложения определенного интеграла в пространстве
9. Решение задач на физические приложения определенного интеграла

Темы докладов по теме "Приложения определенного интеграла"

1. Вычисление площадей в полярных координатах с помощью определенного интеграла.
2. Принцип Кавальери.
3. Кривизна плоской кривой.
4. Площадь поверхности вращения.
5. Теоремы Гульдина–Паппа.
6. Вычисление моментов инерции с помощью определенного интеграла.
7. Вычисление работы переменной силы с помощью определенного интеграла.

Раздел 4. Основы теории обыкновенных дифференциальных уравнений

Опрос по теме "Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений"

1. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям
2. Понятие дифференциального уравнения, его общего и частного решений
3. Приемы решения простейших дифференциальных уравнений первого порядка

Доклад по теме "Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными"

1. Общий алгоритм решения дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными
2. Примеры прикладных задач, решаемых с помощью дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными
3. Построение интегральных кривых

Раздел 5. Теория рядов

Тест входного контроля по разделу 5

1. Понятие первообразной и неопределенного интеграла.
2. Вычисление неопределенных интегралов.
3. Приложения определенного интеграла.

Проверочная работа по теме "Числовые ряды"

1. Исследование числовых рядов на сходимость
2. Применение достаточных признаков сходимости положительных числовых рядов
3. Исследование знакопеременных и знакопеременных рядов на абсолютную и условную сходимость

Коллоквиум по теме "Числовые ряды"

1. Понятие числового ряда, частичной суммы ряда, сходящихся и расходящихся рядов, суммы ряда.
2. Гармонический ряд. Геометрические ряды.
3. Свойства сходящихся рядов.
4. Понятие положительного ряда. Признаки сходимости положительных рядов: необходимый и достаточный, предельный признак сравнения, Даламбера, Коши. Переместительное свойство сходящихся рядов.
5. Понятие знакопеременного ряда. Теорема Лейбница.
6. Понятие абсолютно сходящегося ряда. Свойства абсолютно сходящихся рядов. Достаточный признак абсолютной сходимости числового ряда.

Проверочная работа по теме "Функциональные и степенные ряды"

1. Нахождение области сходимости функциональных рядов
2. Нахождение области сходимости степенных рядов
3. Разложение функций в ряды Тейлора и Маклорена

Коллоквиум по теме "Функциональные и степенные ряды"

1. Понятие функциональной последовательности и функционального ряда, их сходимости и равномерной сходимости. Признак Вейерштрасса равномерной сходимости функционального ряда.
2. Понятие степенного ряда. Теорема Абеля. Теорема о существовании интервала сходимости. Радиус сходимости и область сходимости степенного ряда.
3. Абсолютная и равномерная сходимость степенного ряда в круге сходимости. Непрерывность суммы степенного ряда.

4. Дифференцирование и интегрирование степенных рядов.
5. Задача разложения функции в степенной ряд. Единственность разложения.
6. Понятие ряда Тейлора. Необходимое условие разложения функции в ряд Тейлора. Необходимое и достаточное условие разложения функции в ряд Тейлора.
7. Разложение функций в ряд Тейлора (Маклорена). Биномиальный ряд. Применение биномиального ряда к вычислению значений радикалов.
8. Вычисление определенных интегралов с помощью степенных рядов.

Задание для практической подготовки студентов: разработать обучающее видео по одной из тем дисциплины, имеющей связь со школьным курсом математики на 7-10 минут.

Задание выполняется индивидуально или в малых группах (3-4 человека). Критерии оценивания:

1. Точность содержания и соответствие учебной программе.

Эксперт проверяет математическую корректность всех определений, формул, теорем и вычислений, а также соответствие темы уровню школьной программы (ФГОС, ФРП).

2. Педагогическая ясность и логика изложения

Оценивается структура подачи материала и доступность объяснений для целевой аудитории. Видео должно иметь чёткий каркас: постановка учебной задачи, пошаговое раскрытие, разбор примеров, анализ типичных ошибок, итоговый вывод.

3. Визуальное и звуковое оформление

Проверяется техническое качество восприятия материала на экране и на слух. Формулы, графики и текстовые пояснения должны быть крупными, контрастными и читаемыми даже на мобильных устройствах. Звук записывается без эха, фонового шума и перегрузок, речь автора чёткая, умеренного темпа, с естественными интонационными акцентами на ключевых моментах.

4. Учебная эффективность и вовлечённость

Оценивается, насколько ролик способствует реальному пониманию и запоминанию материала. Приветствуется наличие пауз для самостоятельного решения, риторических или проверочных вопросов, связи темы с практическими задачами или смежными разделами математики. Видео должно формировать у зрителя ощущение «соучастия» в поиске решения, а не пассивного потребления информации.

5. Самостоятельность и креативность подхода

Критерий отражает авторский вклад учащихся в формат и содержание. Оценивается оригинальность сценария, использование нестандартных, но педагогически обоснованных приёмов подачи (интерактивные вставки, исторические справки, моделирование, сторителлинг, собственные иллюстрации или задачи). Креативность не должна заменять математическую глубину; напротив, она должна работать на лучшее усвоение.

6. Техническая реализация и монтаж

Эксперт оценивает профессиональность сборки материала: плавность переходов, синхронизацию озвучки и изображения, корректность тайминга, отсутствие артефактов рендеринга. Монтаж должен поддерживать учебную логику: акцентирование важных шагов решения, повторение ключевых идей, наличие навигации (оглавление, таймкоды, разбивка на главы).

## 5.2. Темы письменных работ

## 5.3. Фонд оценочных средств

Вопросы к зачету по разделу 1

1. Числовые множества. Действительные числа.
2. Ограниченные числовые множества. Окрестность точки.
3. Функция. Способы задания функций. Основные элементарные функции.
4. Числовые последовательности. Предел последовательности.
5. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Свойства бесконечно малых.
6. Арифметические операции над пределами. Предельный переход в неравенствах.
7. Предел монотонной числовой последовательности. Число  $e$ .
8. Подпоследовательности. Теорема Больцано–Вейерштрасса.
9. Предел функции в точке и на бесконечности (различные определения, примеры, иллюстрации).
10. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства бесконечно малых. Теорема о связи предела функции и бесконечно малой функции.
11. Основные теоремы о пределах функции.
12. Первый замечательный предел.
13. Второй замечательный предел.
14. Сравнение бесконечно малых функций. Эквивалентные бесконечно малые функции.
15. Непрерывность функции в точке (примеры, иллюстрации).
16. Односторонние пределы. Точки разрыва функции. Их классификация.
17. Непрерывность функции на множестве. Свойства непрерывных функций.

Вопросы к зачету по разделу 2

1. Определение производной функции одной действительной переменной. Дифференцируемость функции.
2. Правила дифференцирования. Вычисление производных основных элементарных функций.

3. Дифференцирование сложных функции. Производная обратных функций.
4. Дифференцирование параметрически и неявно заданных функций.
5. Дифференциал и его применение.
6. Производные и дифференциалы высших порядков.
7. Касательная прямая. Геометрический смысл производной и дифференциала.
8. Физический смысл производной.
9. Основные теоремы дифференциального исчисления.
10. Многочлен и формула Тейлора.
11. Правила Лопиталья.
12. Исследование функций с помощью производных (монотонность, признаки монотонности).
13. Исследование функций с помощью производных (экстремумы функции, необходимое условие экстремума и достаточное условие экстремума).
14. Исследование функций с помощью производных (выпуклость функции, точки перегиба).
15. План построения графика функции. Асимптоты.
16. Наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке.

#### Вопросы к экзамену по разделу 3

1. Первообразная функция и неопределенный интеграл. Свойства первообразных и неопределенных интегралов.
2. Таблица интегралов.
3. Основные методы интегрирования (непосредственное, метод замены переменной).
4. Основные методы интегрирования (интегрирование по частям).
5. Интегрирование простейших правильных рациональных функций.
6. Общее правило интегрирования рациональных функций.
7. Интегрирование тригонометрических функций.
8. Интегрирование некоторых видов иррациональностей
9. Определенный интеграл (интеграл Римана). Его геометрический смысл. Основные свойства определенного интеграла.
10. Классы интегрируемых функций.
11. Определенный интеграл как функция верхнего предела. Вычисление определенного интеграла. Формула Ньютона–Лейбница.
12. Интегрирование методом подстановки, методом интегрирования по частям. Интегрирование четных и нечетных функций в симметричных пределах.
13. Несобственные интегралы (1 и 2 рода). 14. Геометрические приложения определенного интеграла. Площадь криволинейной трапеции, площадь криволинейного сектора.
15. Длина дуги плоской кривой.
16. Вычисление объема тел по известным площадям параллельных сечений. Объем и площадь поверхности тела вращения.
17. Приложения определенного интеграла в физике.

#### Вопросы к зачету по разделу 4

1. Основные понятия теории обыкновенных дифференциальных уравнений.
2. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными
3. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям.

#### Вопросы к зачету по разделу 5

1. Числовые ряды. Свойства числовых рядов.
2. Необходимый признак сходимости. Гармонический ряд.
3. Знакопостоянные ряды. Общий признак сходимости положительных рядов. Признаки сравнения.
4. Ряды с неотрицательными членами. Признак Даламбера, радикальный признак Коши, интегральный признак Коши.
5. Знакопеременные и знакопеременные ряды. Признак Лейбница. Общий достаточный признак сходимости знакопеременных рядов.
6. Абсолютно и условно сходящиеся числовые ряды. Свойства абсолютно сходящихся числовых рядов.
7. Функциональные последовательности и ряды. Сумма функционального ряда Область сходимости.
8. Равномерная сходимость функциональных рядов. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся функциональных рядов.
9. Степенные ряды. Теорема Абеля. Радиус и интервал сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов.
10. Формула и ряд Тейлора. Теоремы о сходимости ряда Тейлора.
11. Разложение основных элементарных функций в ряд Маклорена.
12. Некоторые приложения степенных рядов.

#### 5.4. Перечень видов оценочных средств

### 6. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

#### 6.1. Рекомендуемая литература

##### 6.1.1. Основная литература

|      | Авторы, составители                                  | Заглавие  | Издательство, год       |
|------|--|---|-------------------------|
| Л1.1 | Гурова З. И.,<br>Каролинская С. Н.,<br>Осипова А. П. | Математический анализ: начальный курс с примерами и задачами: учебное пособие | Москва: Физматлит, 2007 |
| Л1.2 | Злобина С. В.,<br>Посицельская Л. Н.                 | Математический анализ в задачах и упражнениях: учебное пособие                | Москва: Физматлит, 2009 |
| Л1.3 | Быкова О. Н.,<br>Колягин С. Ю.,<br>Кукушкин Б. Н.    | Практикум по математическому анализу: учебное пособие                         | Москва: Прометей, 2014  |

##### 6.3.1 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства

Для освоения дисциплины необходим компьютер с графической операционной системой, офисным пакетом приложений, интернет-браузером, программой для чтения PDF-файлов, программой для просмотра изображений и видеофайлов и программой для работы с архивами.

##### 6.3.2 Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем

1. Elibrary.ru: электронная библиотечная система: база данных содержит сведения об отечественных книгах и периодических изданиях по науке, технологии, медицине и образованию. Адрес: <http://elibrary.ru>. Режим доступа: Индивидуальный неограниченный доступ.
2. Электронно-библиотечная система «Университетская библиотека онлайн». Адрес: <https://biblioclub.ru>. Режим доступа: Индивидуальный неограниченный доступ.
3. Электронно-библиотечная система издательства «ЛАНЬ». Адрес: [e.lanbook.com](http://e.lanbook.com). Режим доступа: Индивидуальный неограниченный доступ.
4. Образовательная платформа «Юрайт». Адрес: <https://urait.ru>. Режим доступа: Индивидуальный неограниченный доступ.
5. ИС Антиплагиат: система обнаружения заимствований. Адрес: <https://krasspu.antiplagiat.ru>. Режим доступа: Индивидуальный неограниченный доступ.

#### 7. МТО (оборудование и технические средства обучения)

Перечень учебных аудиторий и помещений закрепляется ежегодным приказом «О закреплении аудиторий и помещений в

### 8. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Рекомендации по написанию и оформлению контрольной работы

Положение о контрольной работе обучающегося по образовательной программе высшего образования – программе бакалавриата – в ФГБОУ ВО «Красноярский государственный педагогический университет им. В.П. Астафьева» можно изучить по ссылке <http://www.kspu.ru/page-8168.html>.

Контрольная работа обучающегося по образовательной программе высшего образования – программе бакалавриата представляет собой систематическое, достаточно полное изложение авторского решения некоторых заданий в рамках дисциплины.

Контрольная работа по дисциплине «Математический анализ», предусмотренная учебным планом, является одним из видов текущего контроля по дисциплине. Цели контрольной работы: 1) проверка и оценки знаний обучающегося в области математического анализа; 2) закрепление практических навыков применения изучаемого математического аппарата на учебных примерах и задачах; 3) получение информации об уровне самостоятельности и активности обучающегося, об эффективности форм и методов учебной работы.

В качестве заданий контрольной работы могут выступать: 1) теоретический вопрос и несколько практических заданий (задач); 2) задания, охватывающие основные вопросы тем и разделов содержания дисциплины; 3) творческие задания, проекты и др.

Контрольная работа по математическому анализу должна удовлетворять следующим требованиям: все задания должны быть выполнены аккуратно, записи должны содержать необходимые промежуточные шаги, вычисления и обоснования, работа должна быть оформлена в соответствии с правилами, обозначенными ниже, и сдана в указанный преподавателем срок.

Оформление контрольной работы. Контрольная работа по математическому анализу оформляется в рукописном варианте на листах формата А4 в 1 экземпляре. Страницы контрольной работы нумеруются посередине верхнего поля, начиная с титульного листа (номер на титульном листе не ставится). Титульный лист оформляется по рекомендуемой форме.

Контрольная работа сдается на кафедру математики и методики обучения математике, проверяется в установленные сроки преподавателем, оценивается в соответствии с критериями, определяемые преподавателем и учитывается как форма

текущего или промежуточного контроля в рейтинге студен-тов по дисциплине.

Рекомендации по подготовке к промежуточной аттестации – зачету/экзамену по дисциплине

Экзамен/зачет по дисциплине – это глубокая итоговая проверка знаний, умений, навыков и компетенций обучающихся.

К сдаче экзамена/зачета по дисциплине допускаются обучающиеся, которые выполнили весь объём работы, предусмотренный учебной программой по дисциплине.

Организация подготовки к экзамену/зачету по дисциплине сугубо индивидуальна. Несмотря на это, можно выделить несколько общих рациональных приёмов подготовки к экзамену/зачету по дисциплине, пригодных для многих случаев.

При подготовке к экзамену/зачету по дисциплине конспекты учебных занятий не должны являться единственным источником научной информации. Следует обязательно пользоваться ещё учебными пособиями, специальной научно-методической литературой и другими информационными источниками электронной библиотечной системы КГПУ им. В.П. Астафьева.

Усвоение, закрепление и обобщение учебного материала следует проводить в несколько этапов:

а) сквозное (тема за темой) повторение последовательных частей дисциплины, имеющих близкую смысловую связь; после каждой темы – воспроизведение учебного материала по памяти с использованием конспекта и пособий в тех случаях, когда что-то ещё не усвоено; прохождение таким образом всего курса;

б) выборочное по отдельным темам и вопросам воспроизведение (мысленно или путём записи) учебного материала; выделение тем или вопросов, которые ещё не достаточно усвоены или поняты, и того, что уже хорошо запомнилось;

в) повторение и осмысливание не усвоенного материала и воспроизведение его по памяти;

г) выборочное для самоконтроля воспроизведение по памяти ответов на вопросы.

Повторять следует не отдельные вопросы, а темы в той последовательности, как они излагались преподавателем. Это обеспечивает получение цельного представления об изученной дисциплине, а не отрывочных знаний по отдельным вопросам.

- Если в ходе повторения возникают какие-то неясности, затруднения в понимании определённых вопросов, их следует выписать отдельно и стремиться найти ответы самостоятельно, пользуясь конспектом учебных занятий и литературой. В тех случаях, когда этого сделать не удаётся, надо обращаться за помощью к преподавателю на консультации, которая обычно проводится перед экзаменом по дисциплине.

На экзамене/зачете по дисциплине «Математический анализ» надо не только показать теоретические знания по дисциплине, но и умения приме-нить их при выполнении ряда практических заданий.

Подготовка к экзамену/зачету по дисциплине фактически должна про-водиться на протяжении всего процесса изучения данной дисциплины. Время, отводимое в период промежуточной аттестации, даётся на то, чтобы восстановить в памяти изученный учебный материал и систематизировать его. Чем меньше усилий затрачивается на протяжении периода обучения, тем больше их приходится прилагать в дни подготовки к экзамену/зачету по дисциплине. Форсированное же усвоение материала чаще всего оказывается поверхностным и непрочным. Регулярная учёба – вот лучший способ подготовки к экзамену по дисциплине.