#### МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Красноярский государственный педагогический университет им. В.П.Астафьева»

Институт математики, физики и информатики (наименование института/факультета) Кафедра-разработчик физики и методики обучения физике (наименование кафедры)

#### **УТВЕРЖДЕНО**

ОДОБРЕНО

На заседании кафедры Протокол № 8 от «08»мая 2024 Латынцев Сергей Васильевич

На заседании научно-методического совета специальности (направления подготовки)
Протокол № 7 от 15 мая 2024

#### ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

для проведения текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся

по элементарной физике

Для профилей по направлениям подготовки: 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), направленность (профиль) образовательной программы Физика и математика

реализуемых на основе единых подходов к структуре и содержанию «Ядра высшего педагогического образования»

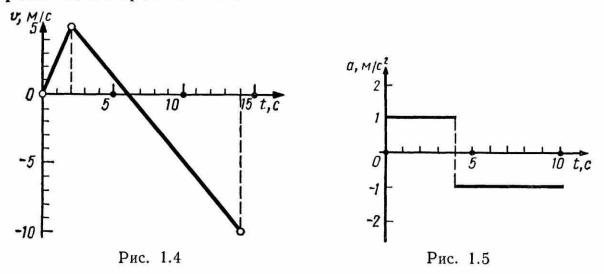
Квалификация: бакалавр

Составитель: Латынцев Сергей Васильевич, доцент (ФИО, должность)

#### Задачи для самостоятельного решения

### Прямолинейное движение

- 1.1. Две прямые дороги пересекаются под углом  $\alpha = 60^{\circ}$ . От перекрестка по ним удаляются машины: одна со скоростью  $v_1 = 60$  км/ч, другая со скоростью  $v_2 = 80$  км/ч. Определить скорости v' и v'', с которыми одна машина удаляется от другой. Перекресток машины прошли одновременно.
- 1.2. Точка двигалась в течение  $t_1$ =15 с со скоростью  $v_1$ =5 м/с, в течение  $t_2$ =10 с со скоростью  $v_2$ =8 м/с и в течение  $t_3$ =6 с со скоростью  $v_3$ =20 м/с. Определить среднюю путевую скорость  $\langle v \rangle$  точки.
- 1.3. Три четверти своего пути автомобиль прошел со скоростью  $v_1$ =60 км/ч, остальную часть пути со скоростью  $v_2$ =80 км/ч. Какова средняя путевая скорость  $\langle v \rangle$  автомобиля?
- 1.4. Первую половину пути тело двигалось со скоростью  $v_1 = 2$  м/с, вторую со скоростью  $v_2 = 8$  м/с. Определить среднюю путевую скорость  $\langle v \rangle$ .
- 1.6. Зависимость скорости от времени для движения некоторого тела представлена на рис. 1.4. Определить среднюю путевую скорость  $\langle v \rangle$  за время t=14 с.



- 1.7. Зависимость ускорения от времени при некотором движении тела представлена на рис. 1.5. Определить среднюю путевую скорость  $\langle v \rangle$  за время t=8 с. Начальная скорость  $v_0=0$ .
- 1.8. Уравнение прямолинейного движения имеет вид  $x=At+Bt^2$ , где A=3 м/с, B=-0.25 м/с<sup>2</sup>. Построить графики зависимости координаты и пути от времени для заданного движения.
- 1.9. На рис. 1.5 дан график зависимости ускорения от времени для некоторого движения тела. Построить графики зависимости скорости и пути от времени для этого движения, если в начальный момент тело покоилось.

1.15. Движения двух материальных точек выражаются уравнениями:

$$x_1 = A_1 + B_1 t + C_1 t^2$$
,  $x_2 = A_2 + B_2 t + C_2 t^2$ ,

где  $A_1 = 20$  м,  $A_2 = 2$  м,  $B_2 = B_1 = 2$  м/с,  $C_1 = -4$  м/с<sup>2</sup>,  $C_2 = 0.5$  м/с<sup>2</sup>.

В какой момент времени t скорости этих точек будут одинаковыми? Определить скорости  $v_1$  и  $v_2$  и ускорения  $a_1$  и  $a_2$  точек в этот момент:

**1.16.** Две материальные точки движутся согласно уравнениям:  $x_1 = A_1 t + B_1 t^2 + C_1 t^3$ ,  $x_2 = A_2 t + B_2 t^2 + C_2 t^3$ ,

где 
$$A_1$$
=4 м/с,  $B_1$ =8 м/с²,  $C_1$ =—16 м/с³,  $A_2$ =2 м/с,  $B_2$ =—4 м/с²,  $C_2$ =1 м/с³.

В какой момент времени t ускорения этих точек будут одинаковы? Найти скорости  $v_1$  и  $v_2$  точек в этот момент.

## Криволинейное движение

1.26. Материальная точка движется по плоскости согласно уравнению  $\mathbf{r}(t) = \mathbf{i}At^3 + \mathbf{j}Bt^2$ . Написать зависимости: 1)  $\mathbf{v}(t)$ ; 2)  $\mathbf{a}(t)$ .

1.27. Движение материальной точки задано уравнением  $\mathbf{r}(t) = A$  ( $\mathbf{i} \cos \omega t + \mathbf{j} \sin \omega t$ ), где A = 0.5 м,  $\omega = 5$  рад/с. Начертить траекторию точки. Определить модуль скорости  $|\mathbf{v}|$  и модуль нормального

ускорения  $|\mathbf{a}_n|$ .

- 1.28. Движение материальной точки задано уравнением  $\mathbf{r}(t) = \mathbf{i} (A+Bt^2)+\mathbf{j}Ct$ , где A=10 м, B=-5 м/с², C=10 м/с. Начертить траекторию точки. Найти выражения  $\mathbf{v}(t)$  и  $\mathbf{a}(t)$ . Для момента времени t=1 с вычислить: 1) модуль скорости  $|\mathbf{v}|$ ; 2) модуль ускорения  $|\mathbf{a}|$ ; 3) модуль тангенциального ускорения  $|\mathbf{a}_{\tau}|$ ; 4) модуль нормального ускорения  $|\mathbf{a}_{n}|$ .
- 1.29. Точка движется по кривой с постоянным тангенциальным ускорением  $a_{\tau}$ =0,5 м/с². Определить полное ускорение a точки на участке кривой с радиусом кривизны R=3 м, если точка движется на этом участке со скоростью v=2 м/с.
- 1.44. Тело брошено под некоторым углом  $\alpha$  к горизонту. Найти этот угол, если горизонтальная дальность s полета тела в четыре раза больше максимальной высоты H траектории.
- 1.45. Миномет установлен под углом  $\alpha = 60^{\circ}$  к горизонту на крыше здания, высота которого h = 40 м. Начальная скорость  $v_0$  мины равна 50 м/с. Требуется: 1) написать кинематические уравнения движения и уравнения траектории и начертить эту траекторию с соблюдением масштаба; 2) определить время  $\tau$  полета мины, максимальную высоту H ее подъема, горизонтальную дальность s полета, скорость v в момент падения мины на землю. Сопротивлением воздуха пренебречь.

Указание. Начало координат поместить на поверхности земли так, чтобы оно находилось на одной вертикали с минометом и чтобы вектор скорости  ${\bf v}$  лежал в плоскости  ${\it xOy}$ .

1.53. На цилиндр, который может вращаться около горизонтальной оси, намотана нить. К концу нити привязали грузик и предоставили ему возможность опускаться. Двигаясь равноускоренно, грузик за время t=3 с опустился на h=1,5 м. Определить угловое ускорение  $\varepsilon$  цилиндра, если его радиус r=4 см.

1.54. Диск радиусом r=10 см, находившийся в состоянии покоя, начал вращаться с постоянным угловым ускорением  $\varepsilon=0,5$  рад/с². Найти тангенциальное  $a_{\tau}$ , нормальное  $a_n$  и полное a ускорения точек на окружности диска в конце второй секунды после начала враще-

ния.

#### Второй закон Ньютона

2.1. На гладком столе лежит брусок массой m=4 кг. К бруску привязан шнур, ко второму концу которого приложена сила F=10 H, направленная параллельно поверхности стола. Найти ускорение a бруска.

2.2. На столе стоит тележка массой  $m_1$ =4 кг. К тележке привязан один конец шнура, перекинутого через блок. С каким ускорением a будет двигаться тележка, если к другому концу шнура при-

вязать гирю массой  $m_2 = 1$  кг?

**2.7.** Материальная точка массой m=2 кг движется под действием некоторой силы F согласно уравнению  $x=A+Bt+Ct^2+Dt^3$ , где C=1 м/с², D=-0,2 м/с³. Найти значения этой силы в моменты времени  $t_1=2$  с и  $t_2=5$  с. В какой момент времени сила равна нулю?

**2.8.** Молот массой m=1 т падает с высоты h=2 м на наковальню. Длительность удара t=0,01 с. Определить среднее значение силы

 $\langle F \rangle$  удара.

**2.9.** Шайба, пущенная по поверхности льда с начальной скоростью  $v_0 = 20$  м/с, остановилась через t = 40 с. Найти коэффициент

трения f шайбы о лед.

**2.11.** Тело массой m=5 кг брошено под углом  $\alpha=30^\circ$  к горизонту с начальной скоростью  $v_0=20$  м/с. Пренебрегая сопротивлением воздуха, найти: 1) импульс силы F, действующей на тело, за время его полета; 2) изменение  $\Delta p$  импульса тела за время полета.

**2.12.** Шарик массой m=100 г упал с высоты h=2,5 м на горизонтальную плиту, масса которой много больше массы шарика, и отскочил от нее вверх. Считая удар абсолютно упругим, определить им-

пульс p, полученный плитой.

- **2.19.** На горизонтальной поверхности находится брусок массой  $m_1$ =2 кг. Коэффициент трения  $f_1$  бруска о поверхность равен 0,2. На бруске находится другой брусок массой  $m_2$ =8 кг. Коэффициент трения  $f_2$  верхнего бруска о нижний равен 0,3. К верхнему бруску приложена сила F. Определить: 1) значение силы  $F_1$ , при котором начнется совместное скольжение брусков по поверхности; 2) значение силы  $F_2$ , при котором верхний брусок начнет проскальзывать относительно нижнего.
- 2.31. Катер массой m=2 т трогается с места и в течение времени  $\tau=10$  с развивает при движении по спокойной воде скорость v=4 м/с. Определить силу тяги F мотора, считая ее постоянной. Принять силу сопротивления  $F_{\rm c}$  движению пропорциональной скорости; коэффициент сопротивления k=100 кг/с.

#### Законы сохранения в механике

2.34. Шар массой  $m_1=10$  кг, движущийся со скоростью  $v_1=4$  м/с, сталкивается с шаром массой  $m_2=4$  кг, скорость  $v_2$  которого равна 12 м/с. Считая удар прямым, неупругим, найти скорость u шаров после удара в двух случаях: 1) малый шар нагоняет большой шар, движущийся в том же направлении; 2) шары движутся навстречу друг другу.

**2.35.** В лодке массой  $m_1$ =240 кг стоит человек массой  $m_2$ =60 кг. Лодка плывет со скоростью  $v_1$ =2 м/с. Человек прыгает с лодки в горизонтальном направлении со скоростью v=4 м/с (относительно лодки). Найти скорость u движения лодки после прыжка человека в двух случаях: 1) человек прыгает вперед по движению лодки и

2) в сторону, противоположную движению лодки.

**2.41.** Два конькобежца массами  $m_1$ =80 кг и  $m_2$ =50 кг, держась за концы длинного натянутого шнура, неподвижно стоят на льду один против другого. Один из них начинает укорачивать шнур, выбирая его со скоростью v=1 м/с. С какими скоростями  $u_1$  и  $u_2$  будут двигаться по льду конькобежцы? Трением пренебречь.

- **2.45.** Самолет описывает петлю Нестерова радиусом R = 200 м. Во сколько раз сила F, с которой летчик давит на сиденье в нижней точке, больше силы тяжести P летчика, если скорость самолета v = 100 м/c?
- **2.46.** Грузик, привязанный к шнуру длиной l=50 см, описывает окружность в горизонтальной плоскости. Какой угол  $\phi$  образует шнур с вертикалью, если частота вращения n=1 с<sup>-1</sup>?
- **2.55.** Вал вращается с частотой n=2400 мин<sup>-1</sup>. К валу перпендикулярно его длине прикреплен стержень очень малой массы, несущий на концах грузы массой m=1 кг каждый, находящиеся на расстоянии r=0,2 м от оси вала. Найти: 1) силу F, растягивающую стержень при вращении вала; 2) момент M силы, которая действовала бы на вал, если бы стержень был наклонен под углом  $\phi=89^\circ$  к оси вала.

# Работа и энергия

**2.57.** Под действием постоянной силы F вагонетка прошла путь s=5 м и приобрела скорость v=2 м/с. Определить работу A силы, если масса m вагонетки равна 400 кг и коэффициент трения f=0.01.

**2.58.** Вычислить работу A, совершаемую при равноускоренном подъеме груза массой m=100 кг на высоту h=4 м за время t=2 с.

**2.59.** Найти работу A подъема груза по наклонной плоскости длиной t=2 м, если масса m груза равна 100 кг, угол наклона  $\phi=30^{\circ}$ , коэффициент трения f=0,1 и груз движется с ускорением a=1 м/с².

**2.70.** Мотоциклист едет по горизонтальной дороге. Какую наименьшую скорость v он должен развить, чтобы, выключив мотор, проехать по треку, имеющему форму «мертвой петли» радиусом R=4 м? Трением и сопротивлением воздуха пренебречь.

2.71. При выстреле из орудия снаряд массой  $m_1 = 10$  кг получает кинетическую энергию  $T_1 = 1.8$  МДж. Определить кинетическую энергию  $T_2$  ствола орудия вследствие отдачи, если масса  $m_2$  ствола

орудия равна 600 кг.

**2.81.** Шар массой  $m_1$ =2 кг налетает на покоящийся шар массой  $m_2$ =8 кг. Импульс  $p_1$  движущегося шара равен 10 кг·м/с. Удар шаров прямой, упругий. Определить непосредственно после удара: 1) импульсы  $p_1'$  первого шара и  $p_2'$  второго шара; 2) изменение  $\Delta p_1$  импульса первого шара; 3) кинетические энергии  $T_1'$  первого шара и  $T_2'$  второго шара; 4) изменение  $\Delta T_1$  кинетической энергии первого шара; 5) долю w кинетической энергии, переданной первым шаром второму.

2.83. Молот массой  $m_1$ =5 кг ударяет небольшой кусок железа, лежащий на наковальне. Масса  $m_2$  наковальни равна 100 кг. Массой куска железа пренебречь. Удар неупругий. Определить КПД  $\eta$ 

удара молота при данных условиях.

**2.84.** Боек свайного молота массой  $m_1$ =500 кг падает с некоторой высоты на сваю массой  $m_2$ =100 кг. Найти КПД  $\eta$  удара бойка, считая удар неупругим. Изменением потенциальной энергии сваи при углублении ее пренебречь.

2.91. На покоящийся шар налетает со скоростью  $v_1=2$  м/с другой шар одинаковой с ним массы. В результате столкновения этот шар изменил направление движения на угол  $\alpha=30^\circ$ . Определить: 1) скорости  $u_1$  и  $u_2$  шаров после удара; 2) угол  $\beta$  между вектором скорости второго шара и первоначальным направлением движения первого шара. Удар спитать упругим

первого шара. Удар считать упругим.

2.92. Частица массой  $m_1 = 10^{-24}$  г имеет кинетическую энергию  $T_1 = 9$  нДж. В результате упругого столкновения с покоящейся частицей массой  $m_2 = 4 \cdot 10^{-24}$  г она сообщает ей кинетическую энергию  $T_2 = 5$  нДж. Определить угол  $\alpha$ , на который отклонится частица от своего первоначального направления.

- 3.34. Платформа, имеющая форму диска, может вращаться около вертикальной оси. На краю платформы стоит человек массой  $m_1$ =60 кг. На какой угол  $\phi$  повернется платформа, если человек пойдет вдоль края платформы и, обойдя его, вернется в исходную точку на платформе? Масса  $m_2$  платформы равна 240 кг. Момент инерции J человека рассчитывать как для материальной точки.
- 3.35. Платформа в виде диска радиусом R=1 м вращается по инерции с частогой  $n_1=6$  мин $^{-1}$ . На краю платформы стоит человек, масса m которого равна 80 кг. С какой частотой n будет вращаться платформа, если человек перейдет в ее центр? Момент инерции J платформы равен 120 кг ·м². Момент инерции человека рассчитывать как для материальной точки.

#### Силы тяготения. Гравитационное поле

- **4.1.** Центры масс двух одинаковых однородных шаров находятся на расстоянии r=1 м друг от друга. Масса m каждого шара равна 1 кг. Определить силу F гравитационного взаимодействия шаров.
- 4.2. Как велика сила F взаимного притяжения двух космических кораблей массой m=10 т каждый, если они сблизятся до расстояния r=100 м?
- 4.3. Определить силу F взаимного притяжения двух соприкасающихся железных шаров диаметром d=20 см каждый.
- **4.4.** На какой высоте h над поверхностью Земли напряженность  $g_h$  гравитационного поля равна 1 Н/кг? Радиус R Земли считать известным.
- **4.9.** Масса Земли в n=81,6 раза больше массы Луны. Расстояние l между центрами масс Земли и Луны равно 60,3R (R радиус Земли). На каком расстоянии r (в единицах R) от центра Земли находится точка, в которой суммарная напряженность гравитационного поля Земли и Луны равна нулю?
  - **4.15.** Зная среднюю скорость  $v_1$  движения Земли вокруг Солнца (30 км/с), определить, с какой средней скоростью  $v_2$  движется малая планета, радиус орбиты которой в n=4 раза больше радиуса орбиты Земли.

Молекулярная физика

#### Молекулярное строение вещества

- **8.1.** Определить относительную молекулярную массу  $M_r$ : 1) воды; 2) углекислого газа  $CO_2$ ; 3) поваренной соли NaCl.
  - 8.2. Найти молярную массу M серной кислоты  $H_2SO_4$ .
- **8.3.** Определить массу  $m_1$  молекулы: 1) углекислого газа; 2) поваренной соли.
- **8.4.** В сосуде вместимостью V=2 л находится кислород, количество вещества v которого равно 0,2 моль. Определить плотность  $\rho$  газа.
- 8.5. Определить количество вещества  $\mathbf{v}$  и число N молекул азота массой  $m{=}0,2$  кг.
- **8.6.** В баллоне вместимостью V=3 л находится кислород массой m=4 г. Определить количество вещества v и число N молекул газа.
- 8.7. Кислород при нормальных условиях заполняет сосуд вместимостью V=11,2 л. Определить количество вещества v газа и его массу m.
- 8.13. Рассматривая молекулы жидкости как шарики, соприкасающиеся друг с другом, оценить порядок размера диаметра молекулы сероуглерода  $CS_2$ . При тех же предположениях оценить порядок размера диаметра атомов ртути. Плотности жидкостей считать известными.
- **8.14.** Определить среднее расстояние  $\langle l \rangle$  между центрами молекул водяных паров при нормальных условиях и сравнить его с диаметром d самих молекул (d=0,311 нм).

# Уравнение газового состояния

8.16. В цилиндр длиной l=1,6 м, заполненный воздухом при нормальном атмосферном давлении  $p_0$ , начали медленно вдвигать поршень площадью  $S=200~{\rm cm^2}.$  Определить силу F, которая будет действовать на поршень, если его остановить на расстоянии  $l_1=10~{\rm cm}$  от дна цилиндра.

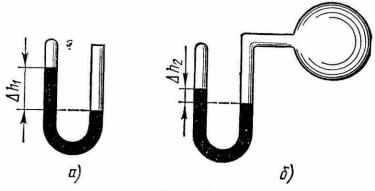


Рис. 8.1

8.19. Манометр в виде стеклянной U-образной трубки с внутренним диаметром d=5 мм (рис. 8.1, a) наполнен ртутью так, что оставшийся в закрытом колене трубки воздух занимает при нормальном атмосферном давлении объем  $V_1$ =10 мм³. При этом разность уровней  $\Delta h_1$  ртути в обоих коленах трубки равна 10 см. При соединении

открытого конца трубки с большим сосудом (рис. 8.1,  $\delta$ ) разность  $\Delta h_2$  уровней ртути уменьшилась до 1 см. Определить давление p в сосуде.

8.27. Баллон вместимостью V=12 л содержит углекислый газ. Давление p газа равно 1 МПа, температура T=300 К. Определить массу m газа в баллоне.

8.28. Какой объем V занимает идеальный газ, содержащий количество вещества v=1 кмоль при давлении p=1 МПа и температуре T=400 K?

8.29. Котел вместимостью V=2 м³ содержит перегретый водяной пар массой m=10 кг при температуре T=500 К. Определить давление p пара в котле.

8.36. Қакой объем V занимает смесь газов — азота массой  $m_1$  = 1 кг и гелия массой  $m_2$ =1 кг — при нормальных условиях?

8.37. В баллонах вместимостью  $V_1=20$  л и  $V_2=44$  л содержится газ. Давление в первом баллоне  $p_1=2,4$  МПа, во втором —  $p_2=1,6$  МПа. Определить общее давление p и парциальные  $p_1'$  и  $p_2'$  после соединения баллонов, если температура газа осталась прежней.

# Концентрация молекул

**9.1.** В сосуде вместимостью  $V\!=\!12$  л находится газ, число N молекул которого равно  $1,44\cdot 10^{18}$ . Определить концентрацию n молекул газа.

- **9.2.** Определить вместимость V сосуда, в котором находится газ, если концентрация молекул  $n=1,25\cdot 10^{26}$  м<sup>-3</sup>, а общее их число  $N=2,5\cdot 10^{23}$ .
- **9.3.** В сосуде вместимостью V=20 л находится газ количеством вещества v=1,5 кмоль. Определить концентрацию n молекул в сосуде.
- **9.4.** Идеальный газ находится при нормальных условиях в закрытом сосуде. Определить концентрацию n молекул газа.
- **9.5.** В сосуде вместимостью V=5 л находится кислород, концентрация n молекул которого равна  $9,41\cdot 10^{23}$  м $^{-3}$ . Определить массу m газа.
- 9.19. Определить среднюю кинетическую энергию  $\langle \varepsilon_n \rangle$  поступательного движения и среднее значение  $\langle \varepsilon \rangle$  полной кинетической энергии молекулы водяного пара при температуре  $T{=}600~\rm{K}$ . Найти также кинетическую энергию W поступательного движения всех молекул пара, содержащего количество вещества  $v{=}1~\rm{kmonb}$ .
- 9.20. Определить среднее значение  $\langle \varepsilon \rangle$  полной кинетической энергии одной молекулы гелия, кислорода и водяного пара при температуре  $T{=}400$  K.
- 9.21. Определить кинетическую энергию  $\langle \varepsilon_1 \rangle$ , приходящуюся в среднем на одну степень свободы молекулы азота, при температуре T=1 кK, а также среднюю кинетическую энергию  $\langle \varepsilon_n \rangle$  поступательного движения,  $\langle \varepsilon_{\rm вp} \rangle$  вращательного движения и среднее значение полной кинетической энергии  $\langle \varepsilon \rangle$  молекулы.
- 9.25. Найти среднюю квадратичную  $\langle v_{\kappa B} \rangle$ , среднюю арифметическую  $\langle v \rangle$  и наиболее вероятную  $v_{\rm B}$  скорости молекул водорода. Вычисления выполнить для трех значений температуры: 1)  $T = 20 \, {\rm K}$ ; 2)  $T = 300 \, {\rm K}$ ; 3)  $T = 5 \, {\rm KK}$ .
- **9.26.** При какой температуре T средняя квадратичная скорость атомов гелия станет равной второй космической скорости  $v_2 = 11.2$  км/с?
- **9.27.** При какой температуре T молекулы кислорода имеют такую же среднюю квадратичную скорость  $\langle v_{\kappa B} \rangle$ , как молекулы водорода при температуре  $T_1 = 100$  K?

### Распределение Больцмана

- 10.1. Пылинки, взвешенные в воздухе, имеют массу  $m=10^{-18}$  г. Во сколько раз уменьшится их концентрация n при увеличении высоты на  $\Delta h = 10$  м? Температура воздуха T = 300 К.
- 10.2. Одинаковые частицы массой  $m=10^{-12}$  г каждая распределены в однородном гравитационном поле напряженностью G=0,2 мкH/кг. Определить отношение  $n_1/n_2$  концентраций частиц, находящихся на эквипотенциальных уровнях, отстоящих друг от друга на  $\Delta z=10$  м. Температура T во всех слоях считается одинаковой и равной 290 К.
- 10.3. Масса m каждой из пылинок, взвешенных в воздухе, равна 1 аг. Отношение концентрации  $n_1$  пылинок на высоте  $h_1$ =1 м к концентрации  $n_0$  их на высоте  $h_0$ =0 равно 0,787. Температура воздуха T=300 К. Найти по этим данным значение постоянной Авогадро  $N_A$ .
- 10.14. Ротор ультрацентрифуги радиусом a=0,2 м заполнен атомарным хлором при температуре T=3 кК. Хлор состоит из двух изотопов: <sup>37</sup>Cl и <sup>35</sup>Cl. Доля  $w_1$  атомов изотопа <sup>37</sup>Cl составляет 0,25. Определить доли  $w_1'$  и  $w_2''$  атомов того и другого изотопов вблизи стенок ротора, если ротору сообщить угловую скорость вращения  $\omega$ , равную  $10^4$  рад/с.

### Распределение молекул по скоростям и импульсам

- 10.15. Зная функцию распределения молекул по скоростям, вывести формулу наиболее вероятной скорости  $v_{\rm B}$ .
- 10.16. Используя функцию распределения молекул по скоростям, получить функцию, выражающую распределение молекул по относительным скоростям u ( $u=v/v_{\rm B}$ ).
- **10.22.** По функции распределения молекул по скоростям определить среднюю квадратичную скорость  $\langle v_{\kappa B} \rangle$ .
- 10.23. Определить, какая из двух средних величин,  $\langle 1/v \rangle$  или.  $1 \langle v \rangle$ , больше, и найти их отношение k.
- 10.24. Распределение молекул по скоростям в молекулярных пучках при эффузионном истечении \* отличается от максвелловского и имеет вид  $f(v)dv = Cv^3e^{-mv^2/(2kT)}v^3dv$ . Определить из условия нормировки коэффициент C.
- 10.25. Зная функцию распределения молекул по скоростям в некотором молекулярном пучке  $f(v) = \frac{m^2}{2k^2T^2} e^{-mv^2/(2kT)} v^3$ , найти выражения для: 1) наиболее вероятной скорости  $v_{\rm B}$ ; 2) средней арифметической скорости  $\langle v \rangle$ .

# Явления переноса: диффузия, вязкость, теплопроводность

- **10.60.** Средняя длина свободного пробега  $\langle l \rangle$  атомов гелия при нормальных условиях равна 180 нм. Определить диффузию D гелия.
- **10.61.** Диффузия D кислорода при температуре t=0 °C равна 0,19 см²/с. Определить среднюю длину свободного пробега  $\langle l \rangle$  молекул кислорода.

10.62. Вычислить диффузию D азота: 1) при нормальных услови-

ях; 2) при давлении p=100 Па и температуре T=300 К.

10.63. Определить, во сколько раз отличается диффузия  $D_1$  газообразного водорода от диффузии  $D_2$  газообразного кислорода, если оба газа находятся при одинаковых условиях.

**10.64.** Определить зависимость диффузии D от температуры T

при следующих процессах: 1) изобарном; 2) изохорном.

- 10.74. Вычислить теплопроводность  $\lambda$  гелия при нормальных условиях.
- 10.75. В приближенной теории явлений переноса получается соотношение  $\lambda/\eta = c_V$ . Более строгая теория приводит к значению  $\lambda/\eta = Kc_V$ , где K безразмерный коэффициент, равный (9 $\gamma$  -5)/4 ( $\gamma$  показатель адиабаты). Найти значения K, вычисленные по приведенной формуле и по экспериментальным данным, приведенным в табл. 12, для следующих газов: 1) аргона; 2) водорода; 3) кислорода; 4) паров воды.

#### Теплоемкость идеального газа

- **11.1.** Вычислить удельные теплоемкости  $c_V$  и  $c_p$  газов: 1) гелия; **2)** водорода; 3) углекислого газа.
  - **11.2.** Разность удельных теплоемкостей  $c_p$ — $c_V$  некоторого двух-

атомного газа равна 260 Дж/(кг·К). Найти молярную массу M газа и его удельные теплоемкости  $c_v$  и  $c_p$ .

- 11.3. Каковы удельные теплоемкости  $c_V$  и  $c_p$  смеси газов, содержащей кислород массой  $m_1 = 10$  г и азот массой  $m_2 = 20$  г?
- 11.4. Определить удельную теплоемкость  $c_V$  смеси газов, содержащей  $V_1$ =5 л водорода и  $V_2$ =3 л гелия. Газы находятся при одинаковых условиях.
- **11.7.** Смесь газов состоит из хлора и криптона, взятых при одинаковых условиях и в равных объемах. Определить удельную теплоемкость  $c_p$  смеси.
- 11.17. При адиабатном сжатии газа его объем уменьшился в n=10 раз, а давление увеличилось в k=21,4 раза. Определить отношение  $C_p/C_V$  теплоемкостей газов.

#### Первое начало термодинамики

11.25. Азот массой m=5 кг, нагретый на  $\Delta T=150$  K, сохранил неизменный объем V. Найти: 1) количество теплоты Q, сообщенное газу; 2) изменение  $\Delta U$  внутренней энергии; 3) совершенную газом работу A.

11.26. Водород занимает объем  $V_1 = 10$  м³ при давлении  $p_1 = 100$  кПа. Газ нагрели при постоянном объеме до давления  $p_2 = 300$  кПа. Определить: 1) изменение  $\Delta U$  внутренней энергии газа; 2) работу A, совершенную газом; 3) количество теплоты Q, сооб-

щенное газу.

11.27. При изохорном нагревании кислорода объемом V=50 л давление газа изменилось на  $\Delta p$ =0,5 МПа. Найти количество теплоты Q, сообщенное газу.

11.34. Водяной пар расширяется при постоянном давлении. Определить работу A расширения, если пару передано количество теп-

лоты Q=4 кДж.

11.35. Азот массой m=200 г расширяется изотермически при температуре T=280 K, причем объем газа увеличивается в два раза. Найти: 1) изменение  $\Delta U$  внутренней энергии газа; 2) совершенную при расширении газа работу A; 3) количество теплоты Q, полученное газом.

### Уравнение Ван-дер-Ваальса

- **12.1.** В сосуде вместимостью V=10 л находится азот массой m=0,25 кг. Определить: 1) внутреннее давление p' газа: 2) собственный объем V' молекул.
- 12.2. Определить давление p, которое будет производить кислород, содержащий количество вещества v=1 моль, если он занимает объем V=0.5 л при температуре T=300 К. Сравнить полученный результат с давлением, вычисленным по уравнению Менделеева Клапейрона.
- 12.3. В сосуде вместимостью V=0,3 л находится углекислый газ, содержащий количество вещества v=1 моль при температуре T=300 К. Определить давление p газа: 1) по уравнению Менделеева Клапейрона; 2) по уравнению Ван-дер-Ваальса.

# Критическое состояние

12.8. Вычислить постоянные a и b в уравнении Ван-дер-Ваальса для азота, если известны критические температуры  $T_{\kappa p} = 126$  K и давление  $p_{\kappa p} = 3,39$  МПа.

12.9. Вычислить критические температуру  $T_{\kappa p}$  и давление  $p_{\kappa p}$ :

1) кислорода; 2) воды.

12.10. Критическая температура  $T_{\rm кр}$  аргона равна 151 К и критическое давление  $p_{\rm кp}{=}4,86~{\rm M\Pi a}.$  Определить по этим данным критический молярный объем  $V_{\rm m~\kappa p}$  аргона.

#### Электрические и магнитные явления

#### Взаимодействие точечных зарядов

- 13.1. Определить силу взаимодействия двух точечных зарядов  $Q_1 = Q_2 = 1$  Кл, находящихся в вакууме на расстоянии r = 1 м друг от друга.
- 13.3. Два одинаковых заряженных шарика подвешены в одной точке на нитях одинаковой длины. При этом нити разошлись на угол  $\alpha$ . Шарики погружаются в масло плотностью  $\rho_0 = 8 \cdot 10^2 \text{ кг/м}^3$ . Определить диэлектрическую проницаемость  $\epsilon$  масла, если угол расхождения нитей при погружении шариков в масло остается неизменным. Плотность материала шариков  $\rho = 1,6 \cdot 10^3 \text{ кг/м}^3$ .
- 13.8. Два одинаковых проводящих заряженных шара находятся на расстоянии r=60 см. Сила отталкивания  $F_1$  шаров равна 70 мкН. После того как шары привели в соприкосновение и удалили друг от друга на прежнее расстояние, сила отталкивания возросла и стала равной  $F_2$ =160 мкН. Вычислить заряды  $Q_1$  и  $Q_2$ , которые были на шарах до их соприкосновения. Диаметр шаров считать много меньшим расстояния между ними.
  - 13.14. Тонкий стержень длиной l=10 см равномерно заряжен. Линейная плотность  $\tau$  заряда равна 1 мкКл/м. На продолжении оси стержня на расстоянии a=20 см от ближайшего его конца находится точечный заряд Q=100 нКл. Определить силу F взаимодействия заряженного стержня и точечного заряда.
  - 13.15. Тонкий длинный стержень равномерно заряжен с линейной плотностью т заряда, равной 10 мкКл/м. На продолжении оси стержня на расстоянии a=20 см от его конца находится точечный заряд Q=10 нКл. Определить силу F взаимодействия заряженного стержня и точечного заряда.

14.3. Электрическое поле создано двумя точечными зарядами  $Q_1 = 10$  нКл и  $Q_2 = -20$  нКл, находящимися на расстоянии d = 20 см друг от друга. Определить напряженность E поля в точке, удаленной от первого заряда на  $r_1 = 30$  см и от второго на  $r_2 = 50$  см.

14.4. Расстояние d между двумя точечными положительными зарядами  $Q_1 = 9Q$  и  $Q_2 = Q$  равно 8 см. На каком расстоянии r от первого заряда находится точка, в которой напряженность E поля зарядов равна нулю? Где находилась бы эта точка, если бы второй заряд

был отрицательным?

**14.5.** Два точечных заряда  $Q_1 = 2Q$  и  $Q_2 = -Q$  находятся на расстоянии d друг от друга. Найти положение точки на прямой, проходящей через эти заряды, напряженность E поля в которой равна нулю.

# Напряженность поля заряженной линии

- **14.11.** Очень длинная тонкая прямая проволока несет заряд, равномерно распределенный по всей ее длине. Вычислить линейную плотность  $\tau$  заряда, если напряженность E поля на расстоянии a=0.5 м от проволоки против ее середины равна 200 В/м.
- **14.12.** Расстояние d между двумя длинными тонкими проволоками, расположенными параллельно друг другу, равно 16 см. Проволоки равномерно заряжены разноименными зарядами с линейной плотностью  $|\tau|=150$  мк  $K_{\Lambda}/M$ . Какова напряженность E поля в точке, удаленной на r=10 см как от первой, так и от второй проволоки? Напряженность поля заряженной плоскости
- **14.21.** Электрическое поле создано двумя бесконечными параллельными пластинами, несущими одинаковый равномерно распределенный по площади заряд ( $\sigma=1$  нКл/м²). Определить напряженность E поля: 1) между пластинами; 2) вне пластин. Построить график изменения напряженности вдоль линии, перпендикулярной пластинам.
- 14.22. Электрическое поле создано двумя бесконечными параллельными пластинами, несущими равномерно распределенный по площади заряд с поверхностными плотностями  $\sigma_1 = 1$  нКл/м² и  $\sigma_2 = 3$  нКл/м². Определить напряженность E поля: 1) между пластинами; 2) вне пластин. Построить график изменения напряженности вдоль линии, перпендикулярной пластинам.

Напряженность поля заряда, распределенного по объему

14.27. Эбонитовый сплошной шар радиусом R=5 см несет заряд, равномерно распределенный с объемной плотностью  $\rho=10$  нКл/м³. Определить напряженность E и смещение D электрического поля в точках: 1) на расстоянии  $r_1=3$  см от центра сферы; 2) на поверхности сферы; 3) на расстоянии  $r_2=10$  см от центра сферы. Построить графики зависимостей E(r) и D(r).

14.36. Тонкая нить несет равномерно распределенный по длине заряд с линейной плотностью  $\tau=2$  мкКл/м. Вблизи средней части нити на расстоянии r=1 см, малом по сравнению с ее длиной, находится точечный заряд Q=0,1 мкКл. Определить силу F, действующую на заряд.

14.40. Параллельно бесконечной пластине, несущей заряд, равномерно распределенный по площади с поверхностной плотностью  $\sigma=20$  нКл/м², расположена тонкая нить с равномерно распределенным по длине зарядом ( $\tau=0,4$  нКл/м). Определить силу F, дейст-

вующую на отрезок нити длиной l=1 м.

14.41. Две одинаковые круглые пластины площадью по  $S=100\,\mathrm{cm^2}$  каждая расположены параллельно друг другу. Заряд  $Q_1$  одной пластины равен  $+100\,\mathrm{nK}$ л, другой  $Q_2=-100\,\mathrm{nK}$ л. Определить силу F взаимного притяжения пластин в двух случаях, когда расстояние между ними: 1)  $r_1=2\,\mathrm{cm}$ ; 2)  $r_2=10\,\mathrm{m}$ .

# Потенциальная энергия и потенциал поля точечных зарядов

- 15.1. Точечный заряд Q=10 нКл, находясь в некоторой точке поля, обладает потенциальной энергией  $\Pi=10$  мкДж. Найти потенциал  $\phi$  этой точки поля.
- **15.52.** Какая ускоряющая разность потенциалов U требуется для того, чтобы сообщить скорость  $v=30~{\rm Mm/c}$ : 1) электрону; 2) протону?
- 15.53. Разность потенциалов U между катодом и анодом электронной лампы равна 90 В, расстояние r=1 мм. С каким ускорением a движется электрон от катода к аноду? Какова скорость v электрона в момент удара об анод? За какое время t электрон пролетает расстояние от катода до анода? Поле считать однородным.
- **15.59.** Вдоль силовой линии однородного электрического поля движется протон. В точке поля с потенциалом  $\varphi_1$  протон имел скорость  $v_1$ =0,1 Мм/с. Определить потенциал  $\varphi_2$  точки поля, в которой скорость протона возрастает в n=2 раза. Отношение заряда протона к его массе e/m=96 МКл/кг.

#### Поляризация диэлектриков

16.20. Указать, какими типами поляризации (электронной — e, атомной — a, ориентационной — o) обладают следующие атомы и молекулы: 1) H; 2) He; 3)  $O_2$ ; 4) HCl; 5)  $H_2O$ ; 6) CO; 7)  $CO_2$ ; 8)  $CH_3$ ; 9)  $CCl_4$ .

16.21. Молекула HF обладает электрическим моментом  $p=6,4\cdot 10^{-30}$  Kл·м. Межъядерное расстояние d=92 пм. Найти заряд Q такого диполя и объяснить, почему найденное значение Q суще-

ственно отличается от значения элементарного заряда |e|.

# Электрическое поле в диэлектрике

**16.25.** Пространство между пластинами плоского конденсатора заполнено диэлектриком, молекулы которого можно рассматривать как жесткие диполи с электрическим моментом  $\mu_{\rm M}$ =2·10<sup>-30</sup> Кл·м.

Концентрация n диполей равна  $10^{26}$  м $^{-3}$ . Определить напряженность E среднего макроскопического поля в таком диэлектрике, если при отсутствии диэлектрика напряженность  $E_0$  поля между пластинами конденсатора была равна  $100~{\rm MB/m}$ . Дезориентирующим действием теплового движения молекул пренебречь.

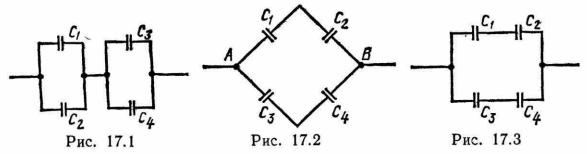
- **16.28.** При какой максимальной диэлектрической проницаемости  $\varepsilon$  погрешность при замене напряженности  $E_{\text{лок}}$  локального поля напряженностью  $E_0$  внешнего поля не превысит 1%?
- 16.37. Определить поляризуемость  $\alpha$  молекул азота, если диэлектрическая проницаемость  $\varepsilon$  жидкого азота равна 1,445 и его плотность  $\rho$ =804 кг/м³.
- **16.38.** Поляризуемость  $\alpha$  молекулы водорода можно принять равной  $1,0\cdot 10^{-29}$  м<sup>3</sup>. Определить диэлектрическую восприимчивость и водорода для двух состояний: 1) газообразного при нормальных условиях; 2) жидкого, плотность  $\rho$  которого равна 70,8 кг/м<sup>3</sup>.
- **17.1.** Найти электроемкость C уединенного металлического шара радиусом R = 1 см.
- 17.2. Определить электроемкость C металлической сферы радиусом R=2 см, погруженной в воду.

17.3. Определить электроемкость C Земли, принимая ее за шар радиусом R = 6400 км.

17.4. Два металлических шара радиусами  $R_1$ =2 см и  $R_2$ =6 см соединены проводником, емкостью которого можно пренебречь. Шарам сообщен заряд Q=1 нКл. Найти поверхностную плотность  $\sigma$  зарядов на шарах.

17 F III. Baringar D. Caranaway to tomovy and a 2000 D

- **17.11.** Электроемкость C плоского конденсатора равна 1,5 мк $\Phi$ . Расстояние d между пластинами равно 5 мм. Какова будет электроемкость C конденсатора, если на нижнюю пластину положить лист эбонита толщиной  $d_1$ =3 мм?
- 17.12. Между пластинами плоского конденсатора находится плотно прилегающая стеклянная пластинка. Конденсатор заряжен до разности потенциалов  $U_1$ =100 В. Какова будет разность потенциалов  $U_2$ , если вытащить стеклянную пластинку из конденсатора?
- 17.20. Конденсаторы соединены так, как это показано на рис. 17.1. Электроемкости конденсаторов:  $C_1$ =0,2 мкФ,  $C_2$ ==0,1 мкФ,  $C_3$ =0,3 мкФ,  $C_4$ =0,4 мкФ. Определить электроемкость C батареи конденсаторов.



- 17.21. Конденсаторы электроемкостями  $C_i$ =0,2 мк $\Phi$ ,  $C_2$ ==0,6 мк $\Phi$ ,  $C_3$ =0,3 мк $\Phi$ ,  $C_4$ =0,5 мк $\Phi$  соединены так, как это указано на рис. 17.2. Разность потенциалов U между точками A и B равна 320 В. Определить разность потенциалов  $U_i$  и заряд  $Q_i$  на пластинах каждого конденсатора (i=1, 2, 3, 4).
- 17.22. Конденсаторы электроемкостями  $C_1$ =10 нФ,  $C_2$ ==40 нФ,  $C_3$ =2 нФ и  $C_4$ =30 нФ соединены так, как это показано на рис. 17.3. Определить электроемкость C соединения конденсаторов.

# Закон Ома для участка цепи

- 19.1. Сила тока в проводнике равномерно нарастает от  $I_0$ =0 до I=3 A в течение времени t=10 с. Определить заряд Q, прошедший в проводнике.
- 19.2. Определить плотность тока j в железном проводнике длиной l=10 м, если провод находится под напряжением U=6 В.
- 19.3. Напряжение U на шинах электростанции равно 6,6 кВ. Потребитель находится на расстоянии l=10 км. Определить площадь S сечения медного провода, который следует взять для устройства двухпроводной линии передачи, если сила тока I в линии равна 20 A и потери напряжения в проводах не должны превышать 3 %.

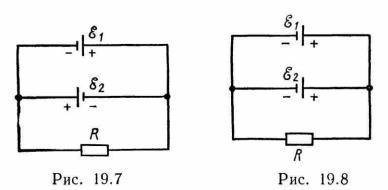
19.9. Катушка и амперметр соединены последовательно и присоединены к источнику тока. К зажимам катушки присоединен вольтметр сопротивлением  $R_{\rm B}{=}1$  кОм. Показания амперметра  $I{=}0,5$  А, вольтметра  $U{=}100$  В. Определить сопротивление R катушки. Сколько процентов от точного значения сопротивления катушки составит погрешность, если не учитывать сопротивления вольтметра?

### Закон Ома для всей цепи

- 19.12. Внутреннее сопротивление r батареи аккумуляторов равно 3 Ом. Сколько процентов от точного значения ЭДС составляет погрешность, если, измеряя разность потенциалов на зажимах батареи вольтметром с сопротивлением  $R_{\rm B}{=}200$  Ом, принять ее равной ЭДС?
- 19.13. К источнику тока с ЭДС  $\mathcal{E}=1,5$  В присоединили катушку с сопротивлением R=0,1 Ом. Амперметр показал силу тока, равную  $I_1=0,5$  А. Когда к источнику тока присоединили последовательно еще один источник тока с такой же ЭДС, то сила тока I в той же катушке оказалась равной 0,4 А. Определить внутренние сопротивления  $r_1$  и  $r_2$  первого и второго источников тока.

#### Правила Кирхгофа

- 19.19. Две батареи аккумуляторов ( $\mathscr{E}_1$ =10 B,  $r_1$ =1 Ом;  $\mathscr{E}_2$ = =8 B,  $r_2$ =2 Ом) и реостат (R=6 Ом) соединены, как показано на рис. 19.7. Найти силу тока в батареях и реостате.
- 19.20. Два источника тока ( $\mathscr{E}_1 = 8B$ ,  $r_1 = 2$  Ом;  $\mathscr{E}_2 = 6$  В,  $r_2 = 1,5$  Ом) и реостат (R = 10 Ом) соединены, как показано на рис. 19.8. Вычислить силу тока I, текущего через реостат.



#### Работа и мощность тока

19.25. Лампочка и реостат, соединенные последовательно, присоединены к источнику тока. Напряжение U на зажимах лампочки равно 40 B, сопротивление R реостата равно 10 Ом. Внешняя цепь потребляет мощность P=120 Вт. Найти силу тока I в цепи.

19.26. ЭДС батареи аккумуляторов  $\mathscr{E}=12~\mathrm{B}$ , сила тока I короткого замыкания равна  $5~\mathrm{A}$ . Какую наибольшую мощность  $P_{\max}$  можно получить во внешней цепи, соединенной с такой батареей?

19.35. Сила тока в проводнике сопротивлением R=15 Ом равномерно возрастает от  $I_0=0$  до некоторого максимального значения в течение времени  $\tau=5$  с. За это время в проводнике выделилось количество теплоты Q=10 кДж. Найти среднюю силу тока  $\langle I \rangle$  в проводнике за этот промежуток времени.

19.36. Сила тока в проводнике равномерно увеличивается от  $I_0$  = 0 до некоторого максимального значения в течение времени  $\tau$  = 10 с. За это время в проводнике выделилось количество теплоты Q=1 кДж. Определить скорость нарастания тока в проводнике,

если сопротивление R его равно 3 Ом.

#### Ток в металлах

**20.1.** Сила тока I в металлическом проводнике равна 0,8 A, сечение S проводника 4 мм². Принимая, что в каждом кубическом сантиметре металла содержится  $n=2,5\cdot 10^{22}$  свободных электронов, определить среднюю скорость  $\langle v \rangle$  их упорядоченного движения.

20.2. Определить среднюю скорость  $\langle v \rangle$  упорядоченного движения электронов в медном проводнике при силе тока  $I=10~{\rm A}$  и сечении S проводника, равном 1 мм². Принять, что на каждый атом меди при-

ходится два электрона проводимости.

**20.3.** Плотность тока j в алюминиевом проводе равна 1  $A/мм^2$ . Найти среднюю скорость  $\langle v \rangle$  упорядоченного движения электронов, предполагая, что число свободных электронов в 1 см<sup>3</sup> алюминия

равно числу атомов.

- **20.11.** Исходя из модели свободных электронов, определить число z соударений, которые испытывает электрон за время t=1 с, находясь в металле, если концентрация n свободных электронов равна  $10^{29}$  м<sup>-3</sup>. Удельную проводимость  $\gamma$  металла принять равной 10~MCm/m.
- 20.12. Исходя из классической теории электропроводности металлов, определить среднюю кинетическую энергию  $\langle \epsilon \rangle$  электронов в металле, если отношение  $\lambda/\gamma$  теплопроводности к удельной проводимости равно  $6.7 \cdot 10^{-6}$  B<sup>2</sup>/K.

# Связь между напряженностью и индукцией магнитного поля в вакууме

**21.1.** Напряженность H магнитного поля равна 79,6 кА/м. Определить магнитную индукцию  $B_0$  этого поля в вакууме.

**21.2.** Магнитная индукция B поля в вакууме равна  $10 \,\mathrm{mT}$ л. Най-

 $\tau$ и напряженность H магнитного поля.

- **21.3.** Вычислить напряженность H магнитного поля, если его индукция в вакууме  $B_0 = 0.05$  Тл.
- **21.11.** Обмотка катушки диаметром d=10 см состоит из плотно прилегающих друг к другу витков тонкой проволоки. Определить минимальную длину  $l_{\min}$  катушки, при которой магнитная индукция в середине ее отличается от магнитной индукции бесконечного соленоида, содержащего такое же количество витков на единицу длины, не более чем на 0.5~%. Сила тока, протекающего по обмотке, в обоих случаях одинакова.

# Поле прямого тока

- **21.14.** По прямому бесконечно длинному проводнику течет ток I = 50 А. Определить магнитную индукцию B в точке, удаленной на расстояние r = 5 см от проводника.
- **21.15.** Два длинных параллельных провода находятся на расстоянии r=5 см один от другого. По проводам текут в противоположных направлениях одинаковые токи I=10 А каждый. Найти напряженность H магнитного поля в точке, находящейся на расстоянии  $r_1=2$  см от одного и  $r_2=3$  см от другого провода.

# Сила Ампера

- **22.1.** Прямой провод, по которому течет ток I = 1 кA, расположен в однородном магнитном поле перпендикулярно линиям индукции. С какой силой F действует поле на отрезок провода длиной l = 1 м, если магнитная индукция B равна 1 Тл?
- **22.4.** Тонкий провод в виде дуги, составляющей треть кольца радиусом R = 15 см, находится в однородном магнитном поле (B = 20 мТл). По проводу течет ток I = 30 А. Плоскость, в которой лежит дуга, перпендикулярна линиям магнитной индукции, и подводящие провода находятся вне поля. Определить силу F, действующую на провод.
- 22.5. По тонкому проводу в виде кольца радиусом R=20 см течет ток  $I=100\,$  А. Перпендикулярно плоскости кольца возбуждено однородное магнитное поле с индукцией  $B=20\,$  мТл. Найти силу  $F_{\rm p}$

растягивающую кольцо.

- 23.8. Заряженная частица, двигаясь в магнитном поле по дуге окружности радиусом  $R_1$ =2 см, прошла через свинцовую пластину, расположенную на пути частицы. Вследствие потери энергии частицей радиус кривизны траектории изменился и стал равным  $R_2$ =1 см. Определить относительное изменение энергии частицы.
- 23.9. Протон, прошедший ускоряющую разность потенциалов U=600 B, влетел в однородное магнитное поле с индукцией B=0,3 Тл и начал двигаться по окружности. Вычислить ее радиус R.
  - **23.31.** Электрон движется по окружности в однородном магнитном поле со скоростью v=0,8 c (c скорость света в вакууме). Магнитная индукция B поля равна 0,01 Тл. Определить радиус окружности в двух случаях: 1) не учитывая увеличение массы со скоростью; 2) учитывая это увеличение.
  - **23.32.** Электрон движется в магнитном поле по окружности радиусом R=2 см. Магнитная индукция B поля равна 0,1 Тл. Определить кинетическую энергию T электрона \*.

#### Магнитный поток

- **24.5.** Найти магнитный поток  $\Phi$ , создаваемый соленоидом сечением  $S=10~{\rm cm^2}$ , если он имеет  $n=10~{\rm витков}$  на каждый сантиметр его длины при силе тока  $I=20~{\rm A}$ .
- **24.6.** Плоский контур, площадь S которого равна 25 см², находится в однородном магнитном поле с индукцией B=0,04 Тл. Определить магнитный поток  $\Phi$ , пронизывающий контур, если плоскость его составляет угол  $\beta$ =30° с линиями индукции.
- **24.7.** При двукратном обводе магнитного полюса вокруг проводника с током I=100 А была совершена работа A=1 мДж. Найти магнитный поток  $\Phi$ , создаваемый полюсом.

#### Оптика и физика атома

# Отражение и преломление света

- **28.1.** Два плоских прямоугольных зеркала образуют двугранный угол  $\phi = 179^{\circ}$ . На расстоянии l = 10 см от линии соприкосновения зеркал и на одинаковом расстоянии от каждого зеркала находится точечный источник света. Определить расстояние d между мнимыми изображениями источника в зеркалах.
- **28.2.** На сферическое зеркало падает луч света. Найти построением ход луча после отражения в двух случаях: а) от вогнутого зеркала (рис. 28.4, a); б) от выпуклого зеркала (рис. 28.4, b). На рисунке: b полюс зеркала; b оптический центр.

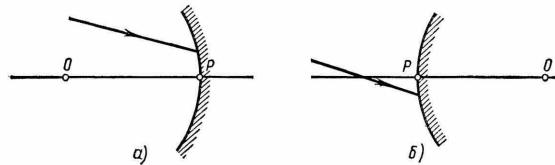
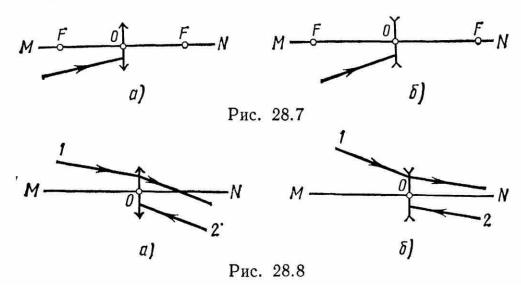


Рис. 28.4

- **28.4.** Фокусное расстояние f вогнутого зеркала равна 15 см. Зеркало дает действительное изображение предмета, уменьшенное в три раза. Определить расстояние a от предмета до зеркала.
- **28.6.** Вогнутое зеркало дает на экране изображение Солнца в виде кружка диаметром d=28 мм. Диаметр Солнца на небе в угловой мере  $\beta=32'$ . Определить радиус R кривизны зеркала.
- **28.7.** Радиус R кривизны выпуклого зеркала равен 50 см. Предмет высотой  $h{=}15$  см находится на расстоянии a, равном 1 м, от зеркала. Определить расстояние b от зеркала до изображения и его высоту H.
- **28.14.** На стеклянную призму с преломляющим углом  $\theta = 60^{\circ}$  падает луч света. Определить показатель преломления n стекла, если при симметричном ходе луча в призме угол отклонения  $\sigma = 40^{\circ}$ .

#### Оптические системы

- **28.20.** На тонкую линзу падает луч света. Найти построением ход луча после преломления его линзой: а) собирающей (рис. 28.7, a); б) рассеивающей (рис. 28,7 b). На рисунке: b0 оптический центр линзы; b7 главный фокус.
- **28.21.** На рис. 28.8, a,  $\delta$ , указаны положения главной оптической оси MN линзы и ход луча 1. Построить \* ход луча 2 после преломления его линзой.



- **28.29.** Отношение k радиусов кривизны поверхностей линзы равно 2. При каком радиусе кривизны R выпуклой поверхности оптическая сила  $\Phi$  линзы равна 10 дптр?
- **28.30.** Определить радиус R кривизны выпуклой поверхности линзы, если при отношении k радиусов кривизны поверхностей линзы, равном 3, ее оптическая сила  $\Phi = -8$  дптр.

#### Световой поток и сила света

**29.1.** Определить силу света l точечного источника, полный световой поток  $\Phi$  которого равен 1 лм.

**29.2.** Лампочка, потребляющая мощность P=75 Вт, создает на расстоянии r=3 м при нормальном падении лучей освещенность E=8 лк. Определить удельную мощность p лампочки (в ваттах на канделу) и световую отдачу  $\eta$  лампочки (в люменах на ватт).

**29.3.** В вершине кругового конуса находится точечный источник света, посылающий внутри конуса световой поток  $\Phi$ =76 лм. Сила света I источника равна 120 кд. Определить телесный угол  $\omega$  и

угол раствора 2 в конуса.

**29.4.** Какую силу тока I покажет гальванометр, присоединенный к селеновому фотоэлементу, если на расстоянии r=75 см от него поместить лампочку, полный световой поток  $\Phi_0$  которой равен 1,2 клм? Площадь рабочей поверхности фотоэлемента равна  $10 \text{ см}^2$ , чувствительность i=300 мкA/лм.

#### Яркость и светимость

- **29.12.** Отверстие в корпусе фонаря закрыто плоским молочным стеклом размером  $10 \times 15$  см. Сила света I фонаря в направлении, составляющем угол  $\phi$ =60° с нормалью, равна 15 кд. Определить яркость L стекла.
- **29.13.** Вычислить и сравнить между собой силы света раскаленного металлического шарика яркостью  $L_1$ =3 Мкд/м² и шарового светильника яркостью  $L_2$ =5 ккд/м², если их диаметры  $d_1$  и  $d_2$  соответственно равны 2 мм и 20 см.

**29.15.** Солнце, находясь вблизи зенита, создает на горизонтальной поверхности освещенность E=0,1 Млк. Диаметр Солнца виден под углом  $\alpha$ =32′. Определить видимую яркость L Солнца.

**29.16.** Длина l раскаленной добела металлической нити равна 30 см, диаметр d=0,2 мм. Сила света I нити в перпендикулярном ей направлении равна 24 кд. Определить яркость L нити.

30.1. Сколько длин волн монохроматического света с частотой колебаний  $v=5\cdot 10^{14}$  Гц уложится на пути длиной l=1,2 мм: 1) в вакууме; 2) в стекле?

30.2. Определить длину  $l_1$  отрезка, на котором укладывается столько же длин волн в вакууме, сколько их укладывается на отрез-

ке  $l_2$ =3 мм в воде.

30.3. Какой длины  $l_1$  путь пройдет фронт волны монохроматического света в вакууме за то же время, за какое он проходит путь длиной  $l_2$ =1 м в воде?

30.4. На пути световой волны, идущей в воздухе, поставили стеклянную пластинку толщиной  $h=1\,$  мм. На сколько изменится оптическая длина пути, если волна падает на пластинку: 1) нормаль-

но: 2) под углом  $\varepsilon = 30^{\circ}$ ?

- 30.22. Две плоскопараллельные стеклянные пластинки приложены одна к другой так, что между ними образовался воздушный клин с углом  $\theta$ , равным 30". На одну из пластинок падает нормально монохроматический свет ( $\lambda$ =0,6 мкм). На каких расстояниях  $l_1$  и  $l_2$  от линии соприкосновения пластинок будут наблюдаться в отраженном свете первая и вторая светлые полосы (интерференционные максимумы)?
- 30.23. Две плоскопараллельные стеклянные пластинки образуют клин с углом  $\theta$ =30". Пространство между пластинками заполнено глицерином. На клин нормально к его поверхности падает пучок монохроматического света с длиной волны  $\lambda$ =500 нм. В отраженном свете наблюдается интерференционная картина. Какое число N темных интерференционных полос приходится на 1 см длины клина?
- 30.33. На экране наблюдается интерференционная картина от двух когерентных источников света с длиной волны  $\lambda=480$  нм. Когда на пути одного из пучков поместили тонкую пластинку из плавленого кварца с показателем преломления n=1,46, то интерференционная картина сместилась на m=69 полос. Определить толщину d кварцевой пластинки.
- 30.36. Определить перемещение зеркала в интерферометре Майкельсона, если интерференционная картина сместилась на m=100 полос. Опыт проводился со светом с длиной волны  $\lambda=546$  нм.
- 30.37. Для измерения показателя преломления аргона в одно из плеч интерферометра Майкельсона поместили пустую стеклянную трубку длиной l=12 см с плоскопараллельными торцовыми поверхностями. При заполнении трубки аргоном (при нормальных условиях) интерференционная картина сместилась на m=106 полос. Определить показатель преломления n аргона, если длина волны  $\lambda$  света равна 639 нм.

#### Зоны Френеля

- 31.1. Зная формулу радиуса k-й зоны Френеля для сферической волны  $(\rho_k = \sqrt{abk\lambda/(a+b)})$ , вывести соответствующую формулу для плоской волны.
- 31.3. Радиус  $\rho_4$  четвертой зоны Френеля для плоского волнового фронта равен 3 мм. Определить радиус  $\rho_6$  шестой зоны Френеля.
- 31.4. На диафрагму с круглым отверстием диаметром d=4 мм падает нормально параллельный пучок лучей монохроматического света ( $\lambda=0.5$  мкм). Точка наблюдения находится на оси отверстия на расстоянии b=1 м от него. Сколько зон Френеля укладывается в отверстии? Темное или светлое пятно получится в центре дифракционной картины, если в месте наблюдений поместить экран?
- 31.5. Плоская световая волна ( $\lambda$ =0,5 мкм) падает нормально на диафрагму с круглым отверстием диаметром d=1 см. На каком расстоянии b от отверстия должна находиться точка наблюдения, чтобы отверстие открывало: 1) одну зону Френеля? 2) две зоны Френеля?

## Дифракция на щели. Дифракционная решетка

- 31.10. На щель шириной a=0.05 мм падает нормально монохроматический свет ( $\lambda=0.6$  мкм). Определить угол  $\phi$  между первоначальным направлением пучка света и направлением на четвертую темную дифракционную полосу.
- 31.26. На дифракционную решетку, содержащую  $n{=}500$  штрихов на 1 мм, падает нормально монохроматический свет с длиной волны  $\lambda{=}700$  нм. За решеткой помещена собирающая линза с главным фокусным расстоянием  $f{=}50$  см. В фокальной плоскости линзы расположен экран. Определить линейную дисперсию  $D_t$  такой системы для максимума третьего порядка. Ответ выразить в миллиметрах на нанометр.

# Дифракция на кристаллической решетке

31.29. На грань кристалла каменной соли падает параллельный пучок рентгеновского излучения ( $\lambda$ =147 пм). Определить расстояние d между атомными плоскостями кристалла, если дифракционный максимум второго порядка наблюдается, когда излучение падает под углом  $\vartheta$ =31°30′ к поверхности кристалла.

#### Закон Брюстера. Закон Малюса

32.1. Пучок света, идущий в воздухе, падает на поверхность жидкости под углом  $\varepsilon_1 = 54^\circ$ . Определить угол преломления  $\varepsilon_2'$  пучка, если отраженный пучок полностью поляризован.

32.2. На какой угловой высоте ф над горизонтом должно находиться Солнце, чтобы солнечный свет, отраженный от поверхности

воды, был полностью поляризован?

32.3. Пучок естественного света, идущий в воде, отражается от грани алмаза, погруженного в воду. При каком угле падения  $\varepsilon_{\rm B}$  отраженный свет полностью поляризован?

**32.4.** Угол Брюстера  $\varepsilon_{\rm B}$  при падении света из воздуха на кристалл каменной соли равен 57°. Определить скорость света в этом кристал-

ле.

# Закон Стефана—Больцмана

- 34.1. Определить температуру T, при которой энергетическая светимость  $M_e$  черного тела равна  $10~{\rm kBt/m^2}$  .
- 34.2. Поток энергии  $\Phi_e$ , излучаемый из смотрового окошка плавильной печи, равен 34 Вт. Определить температуру T печи, если площадь отверстия S=6 см<sup>2</sup>.
- 34.3. Определить энергию W, излучаемую за время t=1 мин из смотрового окошка площадью S=8 см<sup>2</sup> плавильной печи, если ее температура T=1,2 кK.
- **34.4.** Температура T верхних слоев звезды Сириус равна 10 кK, Определить поток энергии  $\Phi_e$ , излучаемый с поверхности площадью S=1 км<sup>2</sup> этой звезды.

# Закон Вина. Формула Планка

34.14. На какую длину волны  $\lambda_{\rm m}$  приходится максимум спектральной плотности энергетической светимости ( $M_{\lambda, T}$ )<sub>max</sub> черного тела при температуре t=0 °C?

**34.15.** Температура верхних слоев Солнца равна 5,3 кК. Считая Солнце черным телом, определить длину волны  $\lambda_m$ , которой соответствует максимальная спектральная плотность энергетической све-

тимости  $(M_{\lambda, T})_{\text{max}}$  Солнца.

34.16. Определить температуру T черного тела, при которой максимум спектральной плотности энергетической светимости  $(M_{\lambda, T})_{\text{max}}$  приходится на красную границу видимого спектра  $(\lambda_1 = 750 \text{ нм})$ ; на фиолетовую  $(\lambda_2 = 380 \text{ нм})$ .

34.17. Максимум спектральной плотности энергетической светимости  $(M_{\lambda, T})_{\text{max}}$  яркой звезды Арктур приходится на длину волны  $\lambda_{\text{m}} = 580\,$  нм. Принимая, что звезда излучает как черное тело, опре-

делить температуру T поверхности звезды.

35.1. Определить работу выхода A электронов из натрия, если

красная граница фотоэффекта  $\lambda_0 = 500$  нм.

35.2. Будет ли наблюдаться фотоэффект, если на поверхность серебра направить ультрафиолетовое излучение с длиной волны λ= =300 HM? 

35.6. На цинковую пластинку падает монохроматический свет с длиной волны  $\lambda = 220$  нм. Определить максимальную скорость

 $v_{\rm max}$  фотоэлектронов.

- 35.7. Определить длину волны  $\lambda$  ультрафиолетового излучения, падающего на поверхность некоторого металла, при максимальной скорости фотоэлектронов, равной 10 Мм/с. Работой выхода электронов из металла пренебречь.
  - 38.1. Вычислить радиусы  $r_2$  и  $r_3$  второй и третьей орбит в атоме водорода.
  - 38.2. Определить скорость *v* электрона на второй орбите атома водорода.
    - 38.3. Определить частоту обращения электрона на второй орбите

атома водорода.

- **38.4.** Определить потенциальную  $\Pi$ , кинетическую T и полную E энергии электрона, находящегося на первой орбите атома водорода.
- 38.5. Определить длину волны λ, соответствующую третьей спектральной линии в серии Бальмера.
- **38.6.** Найти наибольшую  $\lambda_{max}$  и наименьшую  $\lambda_{min}$  длины волн в первой инфракрасной серии спектра водорода (серии Пашена).
- 38.7. Вычислить энергию є фотона, испускаемого при переходе электрона в атоме водорода с третьего энергетического уровня на от лдри итоми.
- 38.11. Вычислить длину волны λ, которую испускает ион гелия Не+ при переходе со второго энергетического уровня на первый. Сделать такой же подсчет для иона лития Li++.
- 38.12. Найти энергию  $E_i$  и потенциал  $U_i$  ионизации ионов He+ и Li++.
- **38.13.** Вычислить частоты  $f_1$  и  $f_2$  вращения электрона в атоме водорода на второй и третьей орбитах. Сравнить эти частоты с частотой у излучения при переходе электрона с третьей на вторую орбиту.
- 38.14. Атом водорода в основном состоянии поглотил квант света с длиной волны  $\lambda = 121,5$  нм. Определить радиус r электронной орбиты возбужденного атома водорода.

#### Контрольные задания (примеры контрольных заданий)

1.12. Прожектор O (рис. 1.7) установлен на расстоянии l=100 м от стены AB и бросает светлое пятно на эту стену. Прожектор вращается вокруг вертикальной оси, делая один оборот за время T=20 с. Найти: 1) уравнение движения светлого пятна по стене в течение первой четверти оборота; 2) скорость v, с которой светлое пятно движется по стене, в момент времени t=2 с. За начало отсчета принять момент, когда направление луча совпадает с OC.

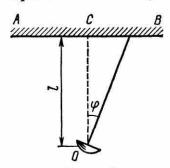
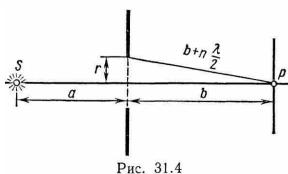


Рис. 1.7

- 1.31. По окружности радиусом R=5 м равномерно движется материальная точка со скоростью v=5 м/с. Построить графики зависимости длины пути s и модуля перемещения  $|\Delta \mathbf{r}|$  от времени t. В момент времени, принятый за начальный (t=0), s(0) и  $|\Delta \mathbf{r}(0)|$  считать равными нулю.
- 1.41. Тело, брошенное с башни в горизонтальном направлении со скоростью  $v=20\,\mathrm{m/c}$ , упало на землю на расстоянии s (от основания башни), вдвое большем высоты h башни. Найти высоту башни.
- **2.7.** Материальная точка массой m=2 кг движется под действием некоторой силы F согласно уравнению  $x=A+Bt+Ct^2+Dt^3$ , где C=1 м/с², D=-0,2 м/с³. Найти значения этой силы в моменты времени  $t_1=2$  с и  $t_2=5$  с. В какой момент времени сила равна нулю?
- **2.19.** На горизонтальной поверхности находится брусок массой  $m_1$ =2 кг. Коэффициент трения  $f_1$  бруска о поверхность равен 0,2. На бруске находится другой брусок массой  $m_2$ =8 кг. Коэффициент трения  $f_2$  верхнего бруска о нижний равен 0,3. К верхнему бруску приложена сила F. Определить: 1) значение силы  $F_1$ , при котором начнется совместное скольжение брусков по поверхности; 2) значение силы  $F_2$ , при котором верхний брусок начнет проскальзывать относительно нижнего.
- **2.38.** На железнодорожной платформе установлено орудие. Масса платформы с орудием M=15 т. Орудие стреляет вверх под углом  $\phi=60^\circ$  к горизонту в направлении пути. С какой скоростью  $v_1$  покатится платформа вследствие отдачи, если масса снаряда m=20 кг и он вылетает со скоростью  $v_2=600$  м/с?

- **8.14.** Определить среднее расстояние  $\langle l \rangle$  между центрами молекул водяных паров при нормальных условиях и сравнить его с диаметром d самих молекул (d=0,311 нм).
  - **8.20.** В баллоне содержится газ при температуре  $t_1$ =100 °C. До какой температуры  $t_2$  нужно нагреть газ, чтобы его давление увеличилось в два раза?
- **8.41.** Сухой воздух состоит в основном из кислорода и азота. Если пренебречь остальными составными частями воздуха, то можно считать, что массовые доли кислорода и азота соответственно  $w_1$ =0,232,  $w_2$ =0,768. Определить относительную молекулярную массу  $M_r$  воздуха.
- 9.16. В колбе вместимостью  $V=100~{\rm cm^3}$  содержится некоторый газ при температуре  $T=300~{\rm K}$ . На сколько понизится давление p газа в колбе, если вследствие утечки из колбы выйдет  $N=10^{20}~{\rm mo-}$ лекул?
- 10.55. Найти среднюю продолжительность  $\langle \tau \rangle$  свободного пробега молекул кислорода при температуре  $T{=}250$  K и давлении  $p{=}100$  Па.
- 13.13. В вершинах квадрата находятся одинаковые заряды Q=0,3 нКл каждый. Какой отрицательный заряд  $Q_1$  нужно поместить в центре квадрата, чтобы сила взаимного отталкивания положительных зарядов была уравновешена силой притяжения отрицательного заряда?
- 14.12. Расстояние d между двумя длинными тонкими проволоками, расположенными параллельно друг другу, равно 16 см. Проволоки равномерно заряжены разноименными зарядами с линейной плотностью  $|\tau|=150$  мк  $K_{\Lambda}/M$ . Какова напряженность E поля в точке, удаленной на r=10 см как от первой, так и от второй проволоки?
- **14.42.** Плоский конденсатор состоит из двух пластин, разделенных стеклом. Какое давление p производят пластины на стекло перед пробоем, если напряженность E электрического поля перед пробоем равна 30 MB/м?
- 17.19. Три одинаковых плоских конденсатора соединены последовательно. Электроемкость C такой батареи конденсаторов равна 89 пФ. Площадь S каждой пластины равна  $100 \, \mathrm{cm}^2$ . Диэлектрик стекло. Какова толщина d стекла?
- 19.18. Два элемента ( $\mathscr{E}_1$ =1,2 В,  $r_1$ =0,1 Ом;  $\mathscr{E}_2$ =0,9 В,  $r_2$ ==0,3 Ом) соединены одноименными полюсами. Сопротивление R соединительных проводов равно 0,2 Ом. Определить силу тока I в цепи.
- **28.14.** На стеклянную призму с преломляющим углом  $\theta = 60^{\circ}$  падает луч света. Определить показатель преломления n стекла, если при симметричном ходе луча в призме угол отклонения  $\sigma = 40^{\circ}$ .

- **28.25.** Каково наименьшее возможное расстояние l между предметом и его действительным изображением, создаваемым собирающей линзой с главным фокусным расстоянием f=12 см?
  - 30.11. В опыте Юнга расстояние d между щелями равно 0.8 мм. На каком расстоянии l от щелей следует расположить экран, чтобы ширина b интерференционной полосы оказалась равной 2 мм?
  - 31.8. Точечный источник S света ( $\lambda$ =0,5 мкм), плоская диафрагма с круглым отверстием радиусом r=1 мм и экран расположены, как это указано на рис. 31.4 (a=1 м). Определить расстояние b от экрана до диафрагмы, при котором отверстие открывало бы для точки P три зоны Френеля.



- 34.9. Принимая коэффициент теплового излучения  $\varepsilon$  угля при температуре  $T{=}600$  K равным 0,8, определить: 1) энергетическую светимость  $M_e$  угля; 2) энергию W, излучаемую с поверхности угля с площадью  $S{=}5$  см² за время  $t{=}10$  мин.
- 34.17. Максимум спектральной плотности энергетической светимости  $(M_{\lambda, T})_{\text{max}}$  яркой звезды Арктур приходится на длину волны  $\lambda_{\text{m}} = 580$  нм. Принимая, что звезда излучает как черное тело, определить температуру T поверхности звезды.

#### Вопросы к зачету

- 1. Кинематика прямолинейного движения,
- 2. Кинематика криволинейного движения,
- 3. Динамика поступательного и вращательного движения,
- 4. Законы сохранения в механике.
- 5. Основы молекулярно- кинетических представлений.
- 6. Уравнения состояния идеального газа,
- 7. Первое начало термодинамики,
- 8. Процессы переноса,
- 9. Фазовые переходы,
- 10. Закон Кулона, границы применимости,
- 11. Напряженность электрического поля, потенциал,
- 12. Проводники и диэлектрики в электрическом поле,
- 13. Законы постоянного тока,
- 14. Магнитное поле, магнитостатика,
- 15. Элементы геометрической оптики,
- 16. Оптические системы,
- 17. Волновые явления в оптике,
- 18. Планетарная модель атома,
- 19. Законы излучения атома,
- 20. Законы излучения