

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
Красноярский государственный педагогический университет  
им. В.П. Астафьева  
(КГПУ им. В.П. Астафьева)

Кафедра математики и методики обучения математике

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ**

## **ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЕ ГЛАВЫ МАТЕМАТИКИ**

Направление подготовки

44.03.01 Педагогическое образование

направленность (профиль) образовательной программы

Математика

(заочная форма обучения)

Квалификация (степень) выпускника

**БАКАЛАВР**

Красноярск, 2019

Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы математики» составлена доцентом, к.п.н., М.А. Кейв

Рабочая программа дисциплины обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и методики их преподавания  
протокол № 9 от «09» мая 2015 г.

Заведующий кафедрой



В.Р. Майер

Одобрено научно-методическим советом специальности (направления подготовки) института математики, физики и информатики  
«27» мая 2015 г. Протокол № 9

Председатель НМСС(Н)



С.В. Бортовский



Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы математики»  
обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и методики их  
преподавания

протокол № 9 от «04» мая 2016 г.

Заведующий кафедрой



В.Р. Майер

Одобрено научно-методическим советом специальности (направления  
подготовки) института математики, физики и информатики  
«20» мая 2016 г. Протокол № 9

Председатель НМСС(Н)



С.В. Бортновский



Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы математики»  
обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и методики их  
преподавания

протокол № 9 от «17» мая 2017 г.

Заведующий кафедрой



В.Р. Майер

Одобрено научно-методическим советом специальности (направления  
подготовки) института математики, физики и информатики  
«26» мая 2017 г. Протокол № 9

Председатель НМСС(Н)



С.В. Бортновский



Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы математики»  
обсуждена на заседании кафедры алгебры, геометрии и методики их  
преподавания

протокол № 9 от «03» мая 2018 г.

Заведующий кафедрой



В.Р. Майер

Одобрено научно-методическим советом специальности (направления  
подготовки) института математики, физики и информатики

«23» мая 2018 г. Протокол № 8

Председатель НМСС(Н)



С.В. Бортновский



Рабочая программа дисциплины «Дополнительные главы математики»  
обсуждена на заседании кафедры математики и методики обучения  
математике

протокол № 1 от « 05 » сентября 2018 г.

Заведующий кафедрой



Л.В. Шкерина

Одобрено научно-методическим советом  
ИМФИ КГПУ им. В.П. Астафьева  
«12» сентября 2018 г. Протокол № 1

Председатель

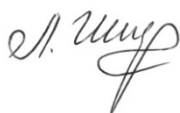


С.В. Бортновский



Рабочая программа дисциплины обсуждена на заседании выпускающей кафедры математики и методики обучения математике протокол № 7, 08 мая 2019 г.

Заведующий кафедрой  
д. пед. наук, профессор



Л.В. Шкерина

Одобрено НМСС(Н)  
института математики, физики и информатики  
протокол № 8, 16 мая 2019 г.



Председатель



С.В. Бортновский

# **1. ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

## **1.1. Место дисциплины в структуре образовательной программы**

Программа дисциплины «Дополнительные главы математики» разработана в соответствии со следующими документами:

- федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование (уровень бакалавриата), утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 04 декабря 2015 г. N 1426;
- Федеральным законом «Об образовании в РФ» от 29.12.2012 №273-ФЗ;
- профессиональным стандартом «Педагог (профессиональная деятельность в сфере дошкольного, начального общего, основного общего, среднего общего образования) (воспитатель, учитель)», утвержденным приказом Министерства труда и социальной защиты РФ от 18 октября 2013 г. №544н;
- нормативно-правовыми документами, регламентирующими образовательный процесс в КГПУ им. В.П. Астафьева.

Дисциплина «Дополнительные главы математики» входит в состав дисциплин по выбору Б1.В.ДВ.5 вариативной части образовательной программы по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, направленность (профиль) образовательной программы Математика (заочная форма обучения), 8 семестр (4 курс).

## **1.2. Общая трудоемкость дисциплины**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы, 108 часа общего объема времени, из них: 16 ч. на аудиторную работу; 83 ч. на самостоятельную работу обучающихся; 9 ч. на экзамен. Дисциплина, согласно учебному плану, реализуется в 8 семестре. Форма итогового контроля – экзамен.



### **1.3. Цель и задачи дисциплины**

Необходимость изучения дисциплины «Дополнительные главы математики», обучающимися педагогического направления подготовки, обусловлена тем, что в наше время, мы стали свидетелями бурного развития дискретной математики, которая является сегодня не только фундаментом кибернетики, но и важным звеном математического образования.

**Цель освоения дисциплины** – формирование у обучающихся основ общекультурных и профессиональных компетенций в ходе изучения дискретной математики.

#### **Задачи дисциплины:**

- формирование предметных знаний, умений и навыков в области дискретной математики;
- вовлечение обучающихся в квазипрофессиональную деятельность в ходе решения задач и выполнения заданий с профессиональным контекстом по дискретной математике;
- формирование опыта самоорганизации и самообразования в ходе выполнения самостоятельной работы по дисциплине.

### **1.4. Основные разделы содержания**

Раздел I. Комбинаторика.

Раздел II. Теория графов.

### **1.5. Планируемые результаты обучения**

В результате изучения дисциплины «Дополнительные главы математики» у обучающегося должны быть сформированы основы следующих компетенций:

- ОК-3. Способность использовать естественнонаучные и математические знания для ориентирования в современном информационном пространстве.
- ОК-4. Способность к коммуникации в устной и письменной формах на русском и иностранном языках для решения задач межличностного и межкультурного взаимодействия.
- ОК-6. Способность к самоорганизации и самообразованию.

– ОПК-1. Готовность сознавать социальную значимость своей будущей профессии, обладать мотивацией к осуществлению профессиональной деятельности.

– ОПК-2. Способность осуществлять обучение, воспитание и развитие с учётом социальных, возрастных, психофизических и индивидуальных особенностей, в том числе особых образовательных потребностей обучающихся.

– ОПК-5. Владение основами профессиональной этики и речевой культуры.

– ПК-1. Готовность реализовывать образовательные программы по предметам в соответствии с требованиями образовательных стандартов.

– ПК-4. Способность использовать возможности образовательной среды для достижения личностных, метапредметных и предметных результатов обучения и обеспечения качества учебно-воспитательного процесса средствами преподаваемых учебных предметов.

#### Планируемые результаты обучения

Задачи освоения дисциплины	Планируемые результаты обучения по дисциплине (дескрипторы)	Код результатов обучения (компетенция)
Формирование предметных знаний, умений и навыков в области дискретной математики	Знать: предмет дисциплины; роль, место и значимость дисциплины в системе профильных предметных знаний; теоретические основы разделов дисциплины.	ОК-3. ОПК-2. ПК-1. ПК-4.
	Уметь: распознавать основные понятия дисциплины, определять их признаки и свойства; решать типовые задачи из основных разделов дисциплины.	
	Владеть: основными понятиями и методами дисциплины.	
Вовлечение студентов в квазипрофессиональную деятельность в ходе решения задач и выполнения заданий с профессиональным контекстом по дискретной математике	Знать: место, роль и значимость элементов дискретной математики в математическом образовании школьников; методические особенности обучения школьников элементам дискретной математике.	ОК-4. ОПК-1. ОПК-5. ПК-1.
	Уметь: решать задачи и выполнять задания с профессиональным контекстом в области дисциплины.	
	Владеть: опытом	

	квазипрофессиональной деятельности в области дисциплины.	
Формирование опыта самоорганизации и самообразования в ходе выполнения самостоятельной работы по дисциплине	Знать: основные источники самообразования; технологию организации продуктивной самостоятельной учебной деятельности в ходе освоения дисциплины.	ОК-6.
	Уметь: самостоятельно планировать и организовывать учебную деятельность в ходе освоения дисциплины.	
	Владеть: приемами и методами самоорганизации и самообразования в ходе освоения дисциплины.	

### **1.6. Контроль результатов освоения дисциплины**

В ходе изучения дисциплины используются следующие методы контроля успеваемости обучающихся: устный опрос; составление опорных конспектов; выполнение контрольных и домашних работ и тестовых заданий. Форма итогового контроля – экзамен.

Оценочные средства результатов освоения дисциплины, критерии оценки выполнения заданий представлены в разделе «Фонды оценочных средств для проведения промежуточной аттестации».

### **1.7. Перечень образовательных технологий, используемых при освоении дисциплины**

В процессе обучения используются разнообразные организационные формы и методы, такие как: лекционные и практические занятия; самостоятельная работа; модульно-рейтинговая технология обучения; электронное обучение; индивидуальная, фронтальная, групповая формы организации учебной деятельности обучающихся, их сочетание и др.

**2. Организационно-методические документы**  
**2.1. Технологическая карта обучения дисциплине**

«Дополнительные главы математики»

направление подготовки 44.03.01 Педагогическое образование (уровень бакалавриата),  
направленность (профиль) образовательной программы Математика  
(заочная форма обучения)

Наименование разделов и тем дисциплины	Всего часов	Аудиторных часов				Внеаудиторных часов	Формы и методы контроля
		всего	лекций	лаб. работ	сем-ров		
<b>Раздел I. Комбинаторика</b>	<b>27</b>	<b>4</b>	<b>2</b>	<b>0</b>	<b>2</b>	<b>23</b>	Контрольная работа № 1.
Тема 1.1. Введение в дискретную математику. Рекуррентные соотношения	15	2	1	0	1	13	Домашнее задание № 1 Домашнее задание № 2
Тема 1.2. Конечные суммы: методы суммирования	12	2	1	0	1	10	Домашнее задание № 3
<b>Раздел II. Элементы теории графов</b>	<b>72</b>	<b>12</b>	<b>6</b>	<b>0</b>	<b>6</b>	<b>60</b>	Контрольная работа № 2.
Тема 2.1. Введение в теорию конечных графов: основные понятия	12	2	1	0	1	10	Опорный конспект
Тема 2.2. Связность в графе. Маршруты и пути	12	2	1	0	1	10	Домашнее задание № 4
Тема 2.3. Деревья	12	2	1	0	1	10	Домашнее задание № 5
Тема 2.4. Эйлеровы и гамильтоновы графы	12	2	1	0	1	10	Домашнее задание № 6
Тема 2.5. Укладка графа	12	2	1	0	1	10	Домашнее задание № 7
Тема 2.6. Раскраска вершин графа	12	2	1	0	1	10	Домашнее задание № 8
Всего	<b>99</b>	<b>16</b>	<b>8</b>	<b>0</b>	<b>8</b>	<b>83</b>	<b>Экзамен</b>
Форма итогового контроля по учебному плану	<b>9ч. – Экзамен</b>						
Итого	<b>108 (3 з.е.)</b>						

## **2.2. Содержание основных разделов и тем дисциплины**

### **Базовый раздел №1. Комбинаторика**

#### **Тема 1.1. Введение в дискретную математику**

Сведения о целях изучения дисциплины. Предмет дискретной математики. Различие между дискретной и непрерывной математикой. История становления и развития дискретной математики. Приложения дискретной математики. Место дискретной математики в школьном математическом образовании. Сведения о новейших достижениях в области дискретной математики. Понятие рекуррентного соотношения, примеры задач, приводящих к рекуррентным соотношениям. Примеры задач из школьного курса математики (арифметическая и геометрическая прогрессия). Определение решения рекуррентного соотношения (общее и частное). Методы решения рекуррентных соотношений (метод перебора и др.). Линейные рекуррентные соотношения с постоянными коэффициентами. Методы решения линейных однородных рекуррентных соотношений с постоянными коэффициентами. Неоднородные рекуррентные соотношения и методы их решения. Специальные числа: Фибоначчи, Стирлинга, Бернулли, гармонические числа и др.).

#### **Тема 1.2. Конечные суммы: методы суммирования**

Определение понятия «конечная сумма». Способы записи и законы преобразования конечных сумм. Суммы и рекуррентные соотношения. Кратные суммы. Правило изменения порядка суммирования. Методы суммирования: метод приведения, метод усложнения и упрощения, метод интегральной оценки, метод перехода к рекуррентным соотношениям и др.

### **Базовый раздел №2. Элементы теории графов**

#### **Тема 2.1. Введение в теорию конечных графов: основные понятия**

Сведения о целях изучения теории графов и ее приложениях. Исторические сведения о становлении и развитии теории графов (классические исторические задачи теории графов). Строгое и нестрогое определение понятия графа. Основные понятия теории графов: вершины, ребра, псевдограф, мультиграф, граф, ориентированный граф. Смежность и инцидентность. Степень вершины графа. Теорема о сумме степеней вершин графа и её следствие. Изоморфизм и гомеоморфизм графов. Виды графов: полный граф, пустой граф,  $k$ -дольный граф и др. Матричное задание графов. Подграф. Операции над графами.

### **Тема 2.2. Связность в графе. Маршруты и пути**

Путь, маршрут, цепь, цикл. Связность в графах. Компоненты связности графа. Свойства связных графов.

Поиск маршрутов в графе («поиск в глубину», «поиск в ширину»). Нагруженный граф. Поиск минимальных маршрутов в нагруженном графе. Сведения о ценности алгоритмов поиска маршрутов в графах.

Двудольные графы. Теорема Кёнига о двудольных графах. Исторические сведения о Кёниге.

### **Тема 2.3. Деревья**

Понятия «дерево» и «лес» в теории графов. Примеры задач, приводящих к деревьям. Характеризационная теорема.

Остовное дерево. Минимальное остовное дерево. Алгоритмы поиска минимального остовного дерева (алгоритм Краскала, алгоритм Прима).

### **Тема 2.4. Эйлеровы и гамильтоновы графы**

Задача о кёнигсбергских мостах. Головоломки о фигурах, обводимых одним росчерком.

Эйлеровы и гамильтоновы циклы и графы. Критерий эйлеровости. Сведения о вкладе Л. Эйлера в становление и развитие теории графов.

Игра «Кругосветное путешествие» У. Гамильтона. Задача коммивояжера.

### **Тема 2.5. Укладка графа**

Задача о трех домах и трех колодцах. Укладка графа. Планарные графы. Не планарность графов  $K_5$  и  $K_{3,3}$ . Теорема об укладке любого графа в трехмерном евклидовом пространстве. Сведения о приложениях укладки графа.

### **Тема 2.6. Раскраска вершин графа**

Задача раскраски географической карты четырьмя красками. Гипотеза четырёх красок. Исторические сведения о попытках доказательства гипотезы четырёх красок. Правильная раскраска вершин графа. Хроматическое число графа. Алгоритм правильной вершинной раскраски графа. Теорема о пяти красках. Задача о составлении расписания.

## **2.3. Методические рекомендации по освоению дисциплины**

### **Рекомендации для обучающегося по работе на лекциях**

Слово «лекция» происходит от латинского «lection» - чтение. В понятие лекции вкладывается два смысла: лекция как вид учебных занятий, в ходе которых в устной форме преподавателем излагается предмет, и лекция как способ подачи учебного материала путем логически стройного, систематически последовательного и ясного изложения.

Как правило, лекция содержит какой-либо объем научной информации, имеет определенную структуру (вводную часть, основное содержание, обобщения, промежуточные и итоговые выводы и др.), отражает соответствующую идею, логику раскрытия сущности рассматриваемых явлений. По своему характеру и значимости сообщаемая на лекции информация может быть отнесена к основному материалу и к дополнительным сведениям.

Посещение студентами лекционных занятий – дело крайне необходимое, поскольку лекции дают общую ориентировку в теме и раскрывают содержание дисциплины.

В ходе лекции полезно внимательно следить за рассуждениями лектора, выполняя предлагаемые им мыслительные операции и стараясь дать ответы на поставленные вопросы, как говорят, слушать активно, вести внутренний мысленный диалог с лектором. При этом следует вырабатывать у себя критическое отношение к существующим научным положениям, пытаться самостоятельно вникать в сущность изучаемого и стремиться обнаруживать имеющиеся несоответствия между тем, что наблюдается на практике, и тем, что об этом говорит теория.

Лекция является исходным этапом в овладении научными знаниями. Чтобы максимально использовать ее в учебном процессе, необходимо научиться записывать (конспектировать) лекции. Краткие записи лекций, конспектирование их помогает усвоить материал. Конспект является



полезным тогда, когда записано самое существенное, основное.

Записи по ходу лекции должны быть в целом достаточно полными по содержанию, удобными для последующей работы и экономными по технике выполнения.

Полнота содержания знаний означает наличие в них основного теоретического материала и общих сведений по разъясняемому вопросу. Все существенные моменты лекции должны быть записаны с максимальной точностью и полнотой.

Для ускорения процесса конспектирования рекомендуется, исходя из своих индивидуальных особенностей, выбрать систему выполнения записей на лекциях, используя удобные для себя условные обозначения отдельных терминов, наиболее распространенных слов и понятий, так называемую, собственную «маркографию» - систему специальных условных значков, символов, сокращений слов.

Работа над конспектом лекции не заканчивается сразу после лекционных занятий. Она будет завершенной, если студент повторит изложенный в конспекте материал; вынесет непонятные положения в содержании лекции на поля конспекта и уточнит по другим источникам; дополнит конспект лекции пропущенными фразами, словами, пользуясь материалами из специальной литературы; оформит конспект технически, произведя подчеркивания, намечая главные вопросы. Рекомендуется для более эффективной проработки лекционного материала дополнительно ввести *сборник (словарь) понятий*, выделяя в нем для каждого нового понятия его определение, свойства, признаки, виды, примеры или контрпримеры и т.п. Именно такая серьезная, кропотливая работа с лекционным материалом позволит глубоко овладеть знаниями.

Традиционная вузовская лекция, на которой преподносится и объясняется готовая информация, подлежащая запоминанию, обычно называется информационной. Виды лекций могут быть разнообразными. Их выбор зависит от специфики преподаваемой учебной дисциплины и

конкретной темы лекции.

### **Рекомендации для обучающегося по работе на практических занятиях**

*Практические занятия* - это занятия, проводимые под руководством преподавателя в учебной аудитории, направленные на углубление и закрепление научно-теоретических знаний, приобретенных на лекциях или с помощью учебников; на формирование умений и навыков в применении знаний и овладение определенными методами самостоятельной работы и навыками профессиональной деятельности.

Различие между семинарскими и практическими занятиями состоит в том, что на первых рассматриваются, как правило, теоретические вопросы, а на вторых усваиваются знания преимущественно прикладного характера, приобретаются практические навыки в ходе решения задач, выполнения лабораторных, контрольных письменных работ, тренировочных упражнений, наблюдений, экспериментов, выполнения типовых расчетов и др.

Эффективность практических занятий, прежде всего, зависит от подготовки к ним студентов, их внимательности и активности в ходе самих занятий, творческого отношения к выполнению учебных заданий и рекомендаций преподавателей. Перед практическим занятием следует изучить конспект лекции и рекомендованную преподавателем литературу, обращая внимание на практическое применение теории и на методику решения типовых задач.

На практическом занятии главное - уяснить связь решаемых задач с теоретическими положениями. При решении предложенной задачи нужно стремиться не только получить правильный ответ, но и усвоить общий метод решения подобных задач.

Решение задачи, выполнение упражнений надо начинать с четкого уяснения условия и требований задания. Возникающие трудности при решении задач и других практических работ часто вызваны не столько отсутствием должных умений, сколько невнимательностью к уяснению

смысла условия задачи или упражнения, а порой и непониманием того, в чем состоит задание.

При решении задач рекомендуется следующий алгоритм действий:

1. «Правильно понять условие задачи – значит на половину ее решить». Выяснить исходные данные для решения задачи (что дано) и что требуется получить в результате решения.

2. Теоретическая база решения (какие законы и положения должны быть применены при решении).

3. Общий план (последовательность) решения.

4. Оформление решения.

5. Запись полученного результата и его анализ.

Для ведения записей на практических занятиях обычно заводят отдельную тетрадь по каждой учебной дисциплине.

Логическая связь лекций и практических занятий заключается в том, что информация, полученная на лекции, в процессе самостоятельной работы на практическом занятии осмысливается и перерабатывается, при помощи преподавателя анализируется до мельчайших подробностей, после чего прочно усваивается.

### **Рекомендации для обучающегося по разработке опорного конспекта**

Рациональная и эффективная переработка учебного материала выполняется за счет вычленения в его содержании смысловых единиц, свертывания их и перевода на образный язык в символической или графической форме. Среди различных видов графического моделирования учебной информации, выделяют– **опорный конспект** – как систему опорных сигналов в виде краткого условного конспекта (В.Ф. Шаталов).

*Методика построения опорных конспектов:*

- определить объем излагаемого материала, используемого для опорного конспекта;

- разделить этот материал на основные блоки;
- выделить в них основные определения и тезисы;
- продумать отражение этих определений или понятий в виде опорных сигналов;
- внести их в схему блока;
- обозначить взаимосвязи между опорными сигналами внутри каждого блока;
- обозначить взаимосвязь между всеми блоками теоретического материала;
- вынести условные обозначения за пределы опорного конспекта.

### **Рекомендации для обучающегося по подготовке к экзамену/зачету**

Экзамен/зачет – это глубокая итоговая проверка знаний, умений, навыков и компетенций обучающихся.

К сдаче экзамена/зачета допускаются обучающиеся, которые выполнили весь объём работы, предусмотренный учебной программой по дисциплине.

Организация подготовки к экзамену/зачету сугубо индивидуальна. Несмотря на это, можно выделить несколько общих рациональных приёмов подготовки к экзамену, пригодных для многих случаев.

При подготовке к экзамену конспекты учебных занятий не должны являться единственным источником научной информации. Следует обязательно пользоваться ещё учебными пособиями, специальной научно-методической литературой.

Усвоение, закрепление и обобщение учебного материала следует проводить в несколько этапов:

а) сквозное (тема за темой) повторение последовательных частей дисциплины, имеющих близкую смысловую связь; после каждой темы – воспроизведение учебного материала по памяти с использованием конспекта и пособий в тех случаях, когда что-то ещё не усвоено; прохождение таким образом всего курса;

б) выборочное по отдельным темам и вопросам воспроизведение (мысленно или путём записи) учебного материала; выделение тем или вопросов, которые ещё не достаточно усвоены или поняты, и того, что уже хорошо запомнилось;

в) повторение и осмысливание не усвоенного материала и воспроизведение его по памяти;

г) выборочное для самоконтроля воспроизведение по памяти ответов на вопросы.

Повторять следует не отдельные вопросы, а темы в той последовательности, как они излагались лектором. Это обеспечивает получение цельного представления об изученной дисциплине, а не отрывочных знаний по отдельным вопросам.

Если в ходе повторения возникают какие-то неясности, затруднения в понимании определённых вопросов, их следует выписать отдельно и стремиться найти ответы самостоятельно, пользуясь конспектом лекций и литературой. В тех случаях, когда этого сделать не удаётся, надо обращаться за помощью к преподавателю на консультации, которая обычно проводится перед экзаменом/зачетом.

### 3. Компоненты мониторинга учебных достижений обучающегося

#### 3.1. Технологическая карта рейтинга дисциплины

##### «Дополнительные главы математики»

Наименование дисциплины	Направление подготовки и уровень образования. Наименование программы	Количество зачетных единиц
Дополнительные главы математики	44.03.01 Педагогическое образование (уровень бакалавриата), направленность (профиль) образовательной программы Математика (заочная форма обучения)	3
<b>Смежные дисциплины по учебному плану</b>		
Предшествующие: философия, математика, математические методы обработки информации и др.		
Последующие: приложения теории графов, дополнительные главы дискретной математики и др.		

#### БАЗОВЫЙ РАЗДЕЛ № 1

	Форма работы	Количество баллов 40 %	
		min	max
Текущая работа	Эссе о приложениях дискретной математики	3	5
	Домашняя работа 1	3	5
	Домашняя работа 2	3	5
	Домашняя работа 3	3	5
Промежуточный рейтинг-контроль	Контрольная работа 1	13	20
Итого		25	40

#### БАЗОВЫЙ РАЗДЕЛ № 2

	Форма работы	Количество баллов 50 %	
		min	max
Текущая работа	Опорный конспект	3	5
	Домашняя работа 4	3	5
	Домашняя работа 5	3	5
	Домашняя работа 6	3	5
	Домашняя работа 7	3	5
	Домашняя работа 8	3	5
Промежуточный рейтинг-контроль	Контрольная работа 2	12	20
Итого		30	50

#### ИТОГОВЫЙ РАЗДЕЛ

Содержание	Форма работы	Количество баллов 10 %	
		min	max
	Экзамен	5	10
Итого		5	10

#### ДОПОЛНИТЕЛЬНЫЙ РАЗДЕЛ

Базовый модуль/	Форма работы	Количество баллов	
		min	max

Тема			
Раздел №1 Тема № 1.1. – 1.3.	Проектное задание I	5	10
Раздел № 2 Тема № 2.1. – 2.6.	Проектное задание II	5	10
Итого		<b>10</b>	<b>20</b>
Общее количество баллов по дисциплине (по итогам изучения всех модулей, без учета дополнительного модуля)		min	max
		<b>60</b>	<b>100</b>

Соответствие рейтинговых баллов и академической оценки:

Общее количество набранных баллов	Академическая оценка
60 – 72	3 (удовлетворительно)
73 – 86	4 (хорошо)
87 - 100	5 (отлично)

### 3.2. Фонд оценочных средств

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РФ  
федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования «Красноярский государственный педагогический  
университет им. В.П. Астафьева»  
(КГПУ им. В.П. Астафьева)

Кафедра математики и методики обучения математике

УТВЕРЖДЕНО

на заседании кафедры  
протокол № 9 от «09» мая 2015 г.  
Заведующий кафедрой  
Майер В.Р.



ОДОБРЕНО

на заседании научно-методического  
совета специальности (направления  
подготовки)  
«27» мая 2015 г. Протокол № 9  
Председатель НМСС(Н)  
Борtnовский С.В.



### ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации  
обучающихся по дисциплине

### Дополнительные главы математики

Направление подготовки: 44.03.01 Педагогическое образование

направленность (профиль) образовательной программы:

Математика

(заочная форма обучения)

Квалификация: бакалавр

Составитель: Кейв М.А., доцент кафедры математики и МОМ



**ЭКСПЕРТНОЕ ЗАКЛЮЧЕНИЕ НА ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ  
для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации  
обучающихся по дисциплине «Дополнительные главы математики»**

Представленный фонд оценочных средств для текущей и промежуточной аттестации соответствует требованиям ФГОС ВО и профессиональным стандартам «Педагог (профессиональная деятельность в сфере дошкольного, начального общего, основного общего, среднего общего образования) (воспитатель, учитель)», утвержденным приказом Минтруда России от 18.10.2013 N 544н.

Предлагаемые формы и средства аттестации адекватны целям и задачам реализации основной профессиональной образовательной программы по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование, направленность (профиль) образовательной программы Математика.

Оценочные средства и критерии оценивания представлены в полном объеме. Формы оценочных средств, включенных в представленный фонд, отвечают основным принципам, установленным в Положении о формировании фонда оценочных средств для текущего контроля успеваемости, промежуточной и итоговой (государственной итоговой) аттестации обучающихся по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры, программам подготовки научно-педагогических кадров в аспирантуре – в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Красноярский государственный педагогический университет им. В.П. Астафьева», утвержденного приказом ректора № 297 (п) от 28.04.2018.

Разработанный и представленный для экспертизы фонд оценочных средств рекомендуется к использованию в процессе подготовки по указанной программе.

Эксперт-работодатель,  
директор МАОУ гимназия №14



Шуляк Н.В.

## 1. Назначение фонда оценочных средств

1.1. **Целью** создания ФОС дисциплины «Дополнительные главы математики» является установление соответствия учебных достижений запланированным результатам обучения и требованиям основной профессиональной образовательной программы, рабочей программы дисциплины.

1.2. ФОС по дисциплине решает **задачи**:

– контроль и управление процессом приобретения студентами необходимых знаний, умений, навыков и уровня сформированности компетенций, определенных в ФГОС ВО по соответствующему направлению подготовки;

– контроль (с помощью набора оценочных средств) и управление (с помощью элементов обратной связи) достижением целей реализации основной профессиональной образовательной программы, определенных в виде набора общекультурных и общепрофессиональных компетенций выпускников;

– обеспечение соответствия результатов обучения задачам будущей профессиональной деятельности через совершенствование традиционных и внедрение инновационных методов обучения в образовательный процесс Университета.

1.3. ФОС разработан на основании нормативных **документов**:

– федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.03.01 Педагогическое образование (уровень бакалавриата), утвержденным приказом Министерством образования и науки Российской Федерации от 04 декабря 2015 г. N 1426;

– положения о формировании фонда оценочных средств для текущего контроля успеваемости, промежуточной и итоговой аттестации обучающихся по образовательным программам высшего образования – программам бакалавриата, программам специалитета, программам магистратуры,

программам подготовки научно-педагогических кадров в аспирантуре в федеральном государственном бюджетном образовательном учреждении высшего образования «Красноярский государственный педагогический университет им. В.П. Астафьева» и его филиалах, утвержденного приказом ректора № 297 (п) от 28.04.2018..

## **2. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе изучения дисциплины**

### **2.1. Перечень компетенций, формируемых в процессе изучения дисциплины:**

- ОК-3. Способность использовать естественнонаучные и математические знания для ориентирования в современном информационном пространстве.
- ОК-4. Способность к коммуникации в устной и письменной формах на русском и иностранном языках для решения задач межличностного и межкультурного взаимодействия.
- ОК-6. Способность к самоорганизации и самообразованию.
- ОПК-1. Готовность сознавать социальную значимость своей будущей профессии, обладать мотивацией к осуществлению профессиональной деятельности.
- ОПК-2. Способность осуществлять обучение, воспитание и развитие с учётом социальных, возрастных, психофизических и индивидуальных особенностей, в том числе особых образовательных потребностей обучающихся.
- ОПК-5. Владение основами профессиональной этики и речевой культуры.
- ПК-1. Готовность реализовывать образовательные программы по предметам в соответствии с требованиями образовательных стандартов.
- ПК-4. Способность использовать возможности образовательной среды для достижения личностных, метапредметных и предметных результатов обучения и обеспечения качества учебно-воспитательного процесса средствами преподаваемых учебных предметов.

## 2.2. Этапы формирования и оценивания компетенций

Компетенция	Дисциплины, практики, участвующие в формировании компетенции	Этап формирования компетенции	Тип контроля	Оценочное средство/ КИМы	
				Номер	Форма
<b>ОК-3.</b> Способность использовать естественнонаучные и математические знания для ориентирования в современном информационном пространстве.	Философия Математика Физика Информатика Естественнонаучная картина мира, Математическая логика и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		праксиологический	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.1	Экзамен		
<b>ОК-4.</b> Способность к коммуникации в устной и письменной формах на русском и иностранном языках для решения задач межличностного и межкультурного взаимодействия.	Философия Математика Физика Информатика Естественнонаучная картина мира и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		праксиологический	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.1	Экзамен		
<b>ОК-6.</b> Способность к самоорганизации и самообразованию	Основы учебной деятельности студента; Математическая логика; Учебная практика; Педагогическая практика и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		праксиологический	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.1	Экзамен		
<b>ОПК-1.</b> Готовность сознавать социальную значимость своей будущей профессии, обладать мотивацией к осуществлению профессиональной деятельности.	Педагогика; Социология; Методика обучения и воспитания; Математическая логика; Учебная практика; Педагогическая практика и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		праксиологический	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.1	Экзамен		
<b>ОПК-2.</b> Способность	Философия Математика	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект

осуществлять обучение, воспитание и развитие с учётом социальных, возрастных, психофизических и индивидуальных особенностей, в том числе особых образовательных потребностей обучающихся.	Физика Информатика Естественнонаучная картина мира и др.	когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
<b>ОПК-5.</b> Владение основами профессиональной этики и речевой культуры	Философия Математика Физика Информатика Естественнонаучная картина мира и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
5.2.1	Экзамен				
<b>ПК-1.</b> Готовность реализовывать образовательные программы по предметам в соответствии с требованиями образовательных стандартов.	Педагогика; Психология; Методика обучения и воспитания; Математическая логика; Учебная практика; Педагогическая практика и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
5.2.1	Экзамен				
<b>ПК-4.</b> Способность использовать возможности образовательной среды для достижения личностных, метапредметных и предметных результатов обучения и обеспечения качества учебно-воспитательного процесса средствами преподаваемых учебных предметов.	Педагогика; Психология; Методика обучения и воспитания; Математическая логика; Учебная практика; Педагогическая практика и др.	ориентировочный	текущий	5.1.2	Опорный конспект
		когнитивный	текущий	5.1.1	Домашняя работа
		рефлексивно-оценочный	промежуточный	5.2.2	Контрольная работа
				5.2.3	Проектное задание
5.2.1	Экзамен				

### 3. Фонд оценочных средств для промежуточной аттестации

3.1. Фонды оценочных средств для промежуточной аттестации включают: вопросы и проектные задания к экзамену, контрольные работы.

3.2. Оценочные средства

3.2.1. Оценочное средство 5.2.1. – вопросы к экзамену.

Формируемые компетенции	Высокий уровень сформированности компетенции	Продвинутый уровень сформированности компетенции	Базовый уровень сформированности компетенции
	(87 - 100 баллов) отлично/зачтено	(73 - 86 баллов) хорошо/зачтено	(60 - 72 баллов)* удовлетворительно /зачтено
ОК-3, ОК-4, ОК-6, ОПК-1, ОПК-2, ОПК-5, ПК-1, ПК-4	Обучающийся: - имеет инновационные знания в сфере компетенции; - знает методы, способы и приемы деятельности, необходимые для решения инновационных задач в сфере компетенции; - умеет находить нешаблонные решения задач высокого уровня сложности в сфере компетенции в условиях нестандартной ситуации; - понимает важность поиска нешаблонных и эффективных решений задач в сфере компетенции в условиях нестандартной ситуации для успешности в жизни и будущей профессии.	Обучающийся: - владеет понятиями в сфере компетенции; - знает методы, способы и приемы деятельности в сфере компетенции; - умеет находить эффективные решения задач среднего уровня сложности в сфере компетенции; - понимает важность поиска эффективных решений задач в сфере компетенции для успешности в жизни и будущей профессии.	Обучающийся: - владеет основными понятиями в сфере компетенции; - знает основные методы, способы и приемы деятельности в сфере компетенции; - умеет находить решения основных задач базового уровня сложности в сфере компетенции при наличии заданных типовых условий; - понимает необходимость поиска решений основных задач в сфере компетенции для своей будущей профессиональной деятельности.

\*Менее 60 баллов – компетенция не сформирована

3.2.2. Оценочное средство 5.2.2 - проектные задания.

Критерии оценивания по оценочному средству 5.2.2 – проектное задание

Критерии оценивания	Количество баллов (вклад в рейтинг)

Обоснованность цели и задач проекта	2
Правильность представленного предметного содержания	2
Описание практической реализации результатов проекта	2
Оригинальность проекта	2
Презентация результатов проекта	2
Максимальный балл	10

### 3.2.3. Оценочное средство 5.2.3.– Контрольная работа.

Критерии оценивания по оценочному средству 5.2.3. – Контрольная работа.

Критерии оценивания	Количество баллов (вклад в рейтинг)
Верно и достаточно полно обоснованы решения всех задач базового уровня сложности	5
Верно и достаточно полно обоснованы решения всех задач базового и среднего уровня сложности	5
Верно и достаточно полно обоснованы решения всех задач базового, среднего и высокого уровня сложности	5
Максимальный балл	15

## 4. Фонд оценочных средств для текущего контроля успеваемости

4.1. Фонды оценочных средств включают: проверку домашних работ №1-10.

4.1.1. Критерии оценивания по оценочному средству 5.1.1 - Домашняя работа: практикум по решению задач

Критерии оценивания	Количество баллов (вклад в рейтинг)
Верно и достаточно полно обоснованы решения всех задач базового уровня сложности	3
Верно и достаточно полно обоснованы решения всех задач базового и среднего уровня сложности	1
Верно и достаточно полно обоснованы решения всех задач базового, среднего и высокого уровня сложности	1
Максимальный балл	5

4.1.2. Критерии оценивания по оценочному средству 5.1.2 - Опорный конспект основных понятий

Критерии оценивания	Количество баллов (вклад в рейтинг)
Полнота представленных понятий	2
Оригинальность построения связей между определяемыми понятиями	2
Оформление работы	1
Максимальный балл	5

## 5. Оценочные средства (контрольно-измерительные материалы)

### 5.1. Оценочные средства для текущего контроля успеваемости

#### 5.1.1. Домашняя работа: практикум по решению задач

Название разделов и тем	Цель и содержание лабораторной работы	Результаты лабораторной работы
<i>Домашняя работа № 1-3</i>		
<i>Комбинаторика</i>	<b>Цель:</b> научиться решать задачи из раздела комбинаторика. <b>Содержание:</b> числовые последовательности; рекуррентные соотношения; задачи, приводимые к рекуррентным соотношениям; линейные рекуррентные соотношения; конечные суммы и рекуррентные соотношения.	Решение задач: Руцкий, А.Н. Сборник задач по дискретной математике. Часть 1. Рекуррентные соотношения, суммирование, асимптотическая аппроксимация. – Красноярск: РИО КГПУ, 2008.
<i>Домашняя работа № 4-8</i>		
<i>Теория графов</i>	<b>Цель:</b> научиться решать задачи на языке теории графов. <b>Содержание:</b> понятие графа; степень вершины графа; виды графов; операции над графами; изоморфизм и гомеоморфизм графов; маршруты в графе; алгоритм поиска маршрутов в графе; связность в графе; деревья; минимальное остовное дерево (МОД); алгоритмы поиска МОД; эйлеровы и гамильтоновы графы; укладка графа; планарные графы; правильная раскраска вершин графа; гипотеза четырех красок.	Решение задач: Руцкий, А.Н. Сборник задач по дискретной математике. Часть 2. Теория графов. – Красноярск: РИО КГПУ, 2006.



### **5.1.2. Опорный конспект основных понятий**

*Постановка задания.* Для каждого раздела «Комбинаторика», «Теория графов» составить опорный конспект, в котором наглядно будет закодировано основное содержание учебного материала.

*Форма представления результатов выполнения задания:* макет опорного конспекта и его презентация.

## **5.2. Оценочные средства для промежуточной аттестации**

### **5.2.1. Типовые вопросы к экзамену по дисциплине**

#### **«Дополнительные главы математики»**

1. Рекуррентные соотношения. Задачи, приводимые к рекуррентным соотношениям. Возвратные последовательности в школьном курсе математики.
2. Решение линейных рекуррентных соотношений второго порядка с постоянными коэффициентами. Примеры.
3. Решение линейных рекуррентных соотношений  $k$ -го порядка. Примеры.
4. Суммы, формы записи сумм, законы преобразования сумм. Суммы и рекуррентные соотношения. Примеры.
5. Графы, оргграфы, псевдографы, мультиграфы. Основные элементы графа и его внутренняя структура. Примеры. Графы в школьном курсе математики.
6. Степени вершин графов. Теорема о сумме степеней вершин графа. Полустепени вершин орграфа. Теорема о сумме полустепеней вершин орграфа. Примеры.
7. Матричное задание графов. Матрицы смежности и инцидентности. Примеры.
8. Операции над графами. Подграфы. Примеры. Изоморфизм графов. Примеры.
9. Маршруты и пути в графах и орграфах. Цепи, циклы, простые цепи и простые циклы. Теоремы о простых цепях и циклах. Примеры.

- 10.Связность в графах. Компоненты связности графа. Теорема о дополнении графа. Связь числа рёбер, вершин и компонент связности.
- 11.Поиск маршрутов в графах. Алгоритмы поиска в ширину и в глубину.
- 12.Нагруженные графы. Поиск минимальных маршрутов в графах.
- 13.Деревья. Свойства деревьев. Характеризационная теорема. Остовное дерево. Поиск минимального остовного дерева в нагруженных графах.
- 14.Эйлеровы графы и циклы. Критерий эйлеровости графа. Алгоритм выделения эйлерова цикла в графе. Примеры.
- 15.Гамильтоновы графы и циклы. Достаточные условия существования гамильтоновых циклов. Методы выделения гамильтоновых циклов в графе. Примеры.
- 16.Двудольные графы. Теорема Кёнига. Способ распознавания двудольности графа. Примеры.
- 17.Плоские и планарные графы. Грани плоского графа. Примеры укладки графов. Формула Эйлера.
- 18.Следствие из формулы Эйлера. Непланарность графов  $K_{3,3}$  и  $K_5$ . Критерий планарности графа.
- 19.Правильная раскраска вершин графа. Хроматическое число. Алгоритм последовательной раскраски. Примеры.
- 20.Раскраска планарных графов. Гипотеза о четырёх красках. Теорема о пяти красках.

### **5.2.2. Проектные задания по дисциплине «Дополнительные главы математики»**

#### **Базовый раздел 1. Комбинаторика**

##### **Задание 1.1.**

Разработайте для школьников комплекс исторических экскурсов о становлении и развитии таких важных разделов дискретной математики как комбинаторика, криптография, теория чисел, рекуррентные соотношения, суммы, графы и др.

### *Примерный план экскурсии в историю науки*

- сведения о зарождении науки;
- примеры проблемных, старинных задач, давших толчок к развитию науки;
- хронология основных переломных этапов развития науки;
- биографические сведения, освещающие судьбы научных идей и судьбы их творцов;
- сведения о современных тенденциях развития науки;
- библиографический список литературы для желающих более подробно познакомиться с историей развития науки;
- кроссворд или викторина по историческому экскурсу.

*Форма представления результатов выполнения задания 1.1:* презентация исторических экскурсов.

### **Задание 1.2.**

Разработайте и создайте популярный ознакомительно-обзорный Web-сайт о специальных числах для школьников.

#### *Примерный план Web-сайта*

- Что такое число? Исторический экскурс о возникновении чисел.
- Числа Фибоначчи. Биографические сведения о Фибоначчи. Задача о кроликах. Замечательные свойства чисел Фибоначчи. Числа Фибоначчи и золотое сечение в Природе, Науке, Искусстве.
- Гармонические числа – история их появления и основные свойства. Карточный фокус. Задача о червяке на резинке. Музыка и числа.
- Числа Стирлинга первого и второго рода – сведения об их возникновении и приложениях.
- Числа Бернулли – история их появления и основные свойства.
- Фигурные числа
- Комбинаторные задачи и числа Каталана.
- Совершенные, дружественные, счастливые и др. числа.

- Кроссворд, тест, ребус или викторина о специальных числах.

*Форма представления результатов выполнения задания 1.2:* Web-сайт и его презентация.

### **Задание 1.3.**

Напишите статью и доклад для ежегодной научно-практической конференции студентов и молодых ученых «Молодежь и наука XXI века» на одну из следующих тем:

- Школьникам о понятии рекуррентного соотношения
- Рекуррентные соотношения в физике
- Неоднородные рекуррентные соотношения и методы их решения.
- Рекуррентные соотношения и производящие функции.

#### *Примерный план научной статьи*

1. *Введение.* Сведения об актуальности темы статьи. Чему посвящена статья? Какой вопрос затрагивается в статье? Основная цель статьи и т.п.
2. *Основная часть.* Обоснованно раскрываются теоретические и практические аспекты проблематики статьи. Примеры.
3. *Заключение.* Основные выводы, результаты, рекомендации и т.п.
4. *Библиографический список* используемой литературы.

*Форма представления результатов выполнения задания 1.3:* печатный и электронный экземпляр статьи, подготовленный доклад с презентацией.

### **Задание 1.4.**

Создайте номер популярного журнала для школьников, в рамках которого будут освещаться вопросы криптографии. Осуществите его выпуск и презентацию.

#### *Примерные рубрики журнала*

- Из истории кодирования
  - Способы шифрования в античные времена. Шифр «скитала». Полибианский квадрат. Код Цезаря.
  - В средние века. Шифрующие таблицы. Магический квадрат.

– В XIX – начале XXвв. Шифратор Джефферсона. Линейка Сен-Сира. Шифр Вернама.

- Буквенные коды. Азбука Морзе
- Телеграфные и почтовые коды
- Кодирование в машинной технике
- Расстояние и код Хемминга
- Кодирование с помощью многочленов
- Игры и развлечения из области кодирования и декодирования
- Коды и тайнопись в художественных фильмах и литературе.

## **Базовый раздел 2. Элементы теории графов**

### **Задание 2.1.**

Создайте номер популярного журнала для школьников, в рамках которого будут освещаться популярные задачи теории графов. Осуществите его выпуск и презентацию.

#### *Примерные рубрики журнала*

- Из истории возникновения теории графов
- Графы помогают решать задачи
- Приложения теории графов
- Кратко об основных понятиях теории графов: граф, элементы графа, виды графа, степень вершины графа, маршруты в графе, связность и др.
- Деревья. Свойства деревьев. Остовое дерево. Деревья в программировании.
- Задача о трех домах и трех колодцах. Микросхемы в радиоэлектронике. Укладка графа. Формула Эйлера.
- Задача о кёнигсбергских мостах. Фигуры непрерывного рисования. Правила обхода фигур одним росчерком.
- Игра У. Гамильтона «Кругосветное путешествие». Задача коммивояжера.

- Лабиринты. Обходы лабиринтов.
- Раскраска графов. Задачи, связанные с раскраской графа. Гипотеза четырех красок. Свойства шахматной доски.
- О сетевых задачах. Потоки в сетях. Сетевое планирование и управление.

### **Задание 2.2.**

Составьте методическую копилку «В помощь учителю математики» по рубрике «Занимательные задачи по теории графов», «Графы в олимпиадных задачах» с решениями.

*Форма представления результатов выполнения задания 2.2:* альбом – методическая копилка «в помощь учителю математики» и ее презентация.

### **Задание 2.3.**

В теории графов имеется целый арсенал алгоритмов поиска оптимальных маршрутов в графе, определения связности графа, раскраски графа и другие.

Представление математических объектов в программах позволяет уменьшить трудозатраты на «изобретение велосипеда» и эффективно позволяет решать ряд практических задач с помощью компьютера.

Осуществите перевод основных алгоритмов теории графов на один из языков программирования. Напишите программу на любом компьютерном языке для:

1. определения связности графа;
2. нахождения маршрутов в графе (поиск в глубину, поиск в ширину);
3. выделения эйлера и гамильтонова цикла в графе;
4. нахождения остова минимального веса в графе (алгоритм Краскала);
5. правильной раскраски вершин графа.

*Форма представления результатов выполнения задания 2.3:* презентация разработанных компьютерных программ с демонстрацией их работы на конкретных задачах.

### **Задание 2.4.**

Напишите статью и доклад для ежегодной научно-практической конференции студентов и молодых ученых «Молодежь и наука XXI века» на одну из следующих тем:

- Элементы теории графов в ШКМ
- Группы и их графы
- О сетевых задачах
- Графы помогают решать практические задачи

#### *Примерный план научной статьи*

1. *Введение.* Сведения об актуальности темы статьи. Чему посвящена статья? Какой вопрос затрагивается в статье? Основная цель статьи и т.п.
2. *Основная часть.* Обоснованно раскрываются теоретические и практические аспекты проблематики статьи. Примеры.
3. *Заключение.* Основные выводы, результаты, рекомендации и т.п.
4. *Библиографический список* используемой литературы.

*Форма представления результатов выполнения задания 2.4:* печатный и электронный экземпляр статьи, подготовленный доклад с презентацией.

### **5.2.3. Типовые варианты контрольных работ по дисциплине**

«Дополнительные главы математики»

#### **Контрольная работа № 1**

#### **Базовый раздел 1. Комбинаторика**

#### **Вариант 1**

1. Найти решение рекуррентного соотношения  $a_{n+2}=7a_{n+1}-6a_n$ , удовлетворяющее начальным условиям  $a_0 = 3, a_1 = 8$ .
2. Найти сумму  $\sum_{k=1}^n k^3$  методом приведения, если  $\sum_{k=1}^n k^2 = \frac{2n^3 + 3n^2 + n}{6}$ .

## Вариант 2

1. Найти решение рекуррентного соотношения  $a_{n+2}=8a_{n+1}-16a_n$ , удовлетворяющее начальным условиям  $a_0 = 0, a_1 = 8$ .
2. Найти сумму  $\sum_{k=1}^n k^3$  с помощью рекуррентных соотношений.

## Контрольная работа № 2

### Базовый раздел 2. Теория графов

#### Вариант 1

1. Связный граф, не содержащий циклов, называется:
  - а) псевдографом;
  - б) мультиграфом;
  - в) лесом;
  - г) деревом.
2. Среди изображенных на рис. 1 графов изоморфными являются:

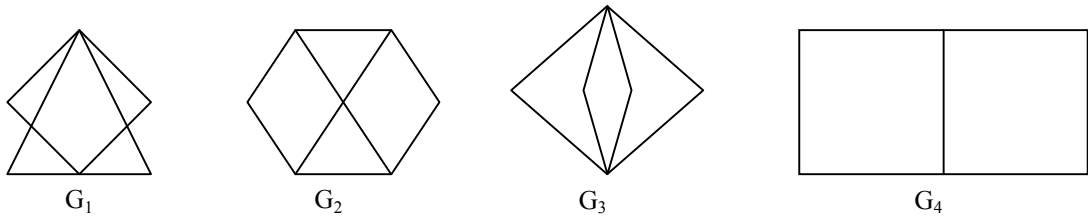


Рис. 1

- а)  $G_1$  и  $G_2$ ;      б)  $G_1$  и  $G_3$ ;      в)  $G_1$  и  $G_4$ ;      г)  $G_2$  и  $G_4$ .

3. Матрица смежности для графа, изображенного на рис. 2, имеет вид:

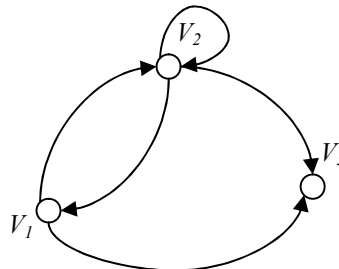


Рис. 2

- |    |         |            |            |            |
|----|---------|------------|------------|------------|
|    | 0 1 1   | 1 0 0      | 0 2 1      | 0 1 0      |
| а) | 1 1 1 ; | б) 0 0 0 ; | в) 1 1 1 ; | с) 1 0 1 . |
|    | 0 0 0   | 1 1 1      | 0 0 0      | 0 0 0      |



4. Изображенный на рис. 3 граф является:

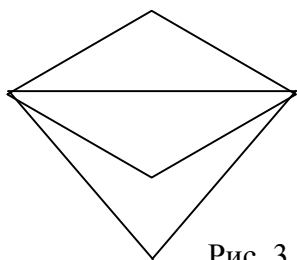


Рис. 3

- а) эйлеровым и гамильтоновым;
- б) эйлеровым, но не гамильтоновым;
- в) гамильтоновым, но не эйлеровым;
- г) не эйлеровым и не гамильтоновым.

5. Имеется 100 городов, между некоторыми из них проложены дороги с двухсторонним движением. Известно, что из любого города можно попасть в любой другой, причем по единственному маршруту. Сколько имеется дорог?

6. Простым путем в графе, изображенном на рис. 4, является:

- а) 1-5-2-6-2-1-4;
- б) 1-4-5-2-6-10-8;
- в) 1-2-5-1-4-3-10-6-2;
- г) 1-5-2-6-7-8-9-10-6.

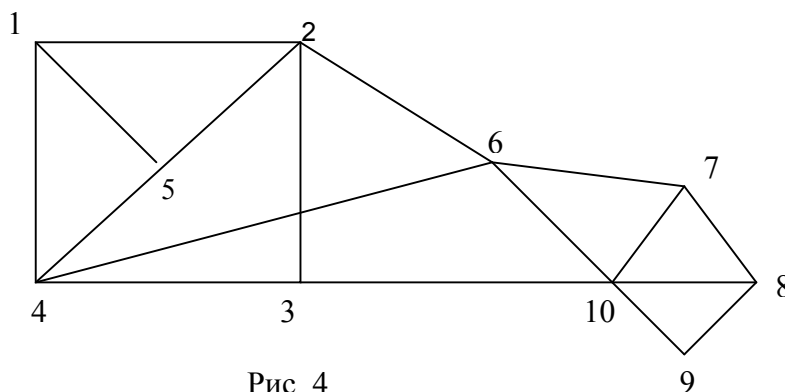


Рис. 4

7. Длина кратчайшего маршрута, соединяющего вершины 1 и 8, приведенного на рис. 4 графа, равна:

- а) 3; б) 4; в) 5; г) 6.

8. Допускает ли граф, изображенный на рис.4, плоскую укладку:

- а) да; б) нет.

9. Число граней графа приведенного на рис. 4 равно:

- а) 8; б) 9; в) 10; г) 11.

10. Является ли граф, изображенный на рис. 4, двудольным:

- а) да; б) нет.

11. Хроматическое число для приведенного на рис. 4 графа равно:

- а) 2; б) 3; в) 4; г) 5.

### Вариант 2

1. Граф, содержащий и ориентированные и не ориентированные ребра, называется:

- а) псевдографом;                      б) мультиграфом;  
в) оргграфом;                              г) смешанным графом.

2. Среди изображенных на рис. 1 графов изоморфными являются:

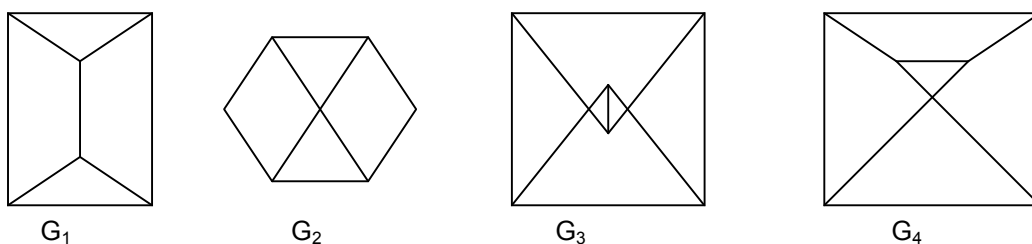


Рис. 1

- а)  $G_1$  и  $G_2$ ;              б)  $G_1$  и  $G_3$ ;              в)  $G_1$  и  $G_4$ ;              г)  $G_2$  и  $G_4$ .

3. Матрица смежности для графа, изображенного на рис. 2, имеет вид:

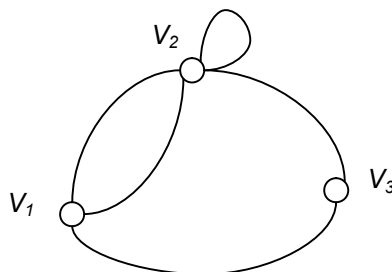


Рис. 2

- |    |         |            |            |            |
|----|---------|------------|------------|------------|
|    | 0 2 1   | 1 0 0      | 0 2 1      | 0 2 0      |
| а) | 2 2 1 ; | б) 0 0 0 ; | в) 2 1 1 ; | с) 1 2 1 . |
|    | 1 1 0   | 1 1 1      | 1 1 0      | 1 0 1      |

4. Изображенный на рис. 3 граф является:

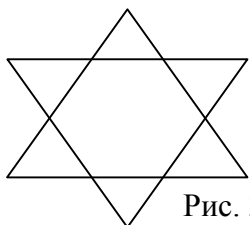
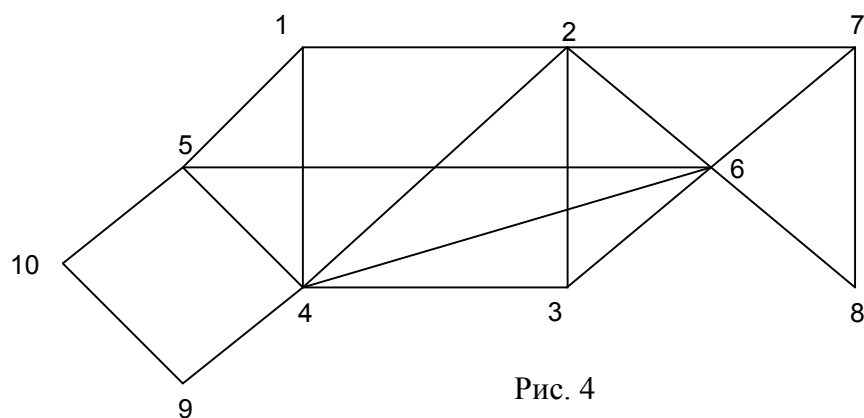


Рис. 3

- а) эйлеровым и гамильтоновым;  
б) эйлеровым, но не гамильтоновым;

- в) гамильтоновым, но не эйлеровым;  
 г) не эйлеровым и не гамильтоновым.
5. В соревновании по круговой системе с двенадцатью участниками провели все встречи. Это означает, что каждая пара игроков встречается между собой ровно один раз. Сколько встреч было сыграно?
6. Простым циклом в графе, изображенном на рис. 4, является:
- а) 1-5-4-3-6-5-1;                      б) 1-4-5-10-9-4-1;  
 в) 1-2-6-8-7-2-4-5-1;                г) 1-5-10-9-4-6-2-1.
7. Длина кратчайшего маршрута, соединяющего вершины 1 и 8, приведенного на рис. 4 графа, равна:
- а) 3; б) 4; в) 5; г) 6.
8. Допускает ли граф, изображенный на рис.4, плоскую укладку:
- а) да; б) нет.
9. Число граней графа приведенного на рис. 4 равно:
- а) 10; б) 11; в) 12; г) 13.
10. Является ли граф, изображенный на рис. 4, двудольным:
- а) да; б) нет.
11. Хроматическое число для приведенного на рис. 4 графа равно:
- а) 2; б) 3; в) 4; г) 5.



## Лист внесения изменений

Дополнения и изменения в рабочей программе дисциплины на 2016/2017 учебный год:

В рабочую программу дисциплины вносятся следующие изменения:

1. Список литературы обновлен учебными и учебно-методическими изданиями, электронными образовательными ресурсами. Обновлен перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем.

2. Обновлен перечень лицензионного программного обеспечения.

Рабочая программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры алгебры, геометрии и методики их преподавания протокол № 9 от «04» мая 2016 г.

Заведующий кафедрой



В.Р. Майер

Одобрено научно-методическим советом  
ИМФИ КГПУ им. В.П. Астафьева  
«20» мая 2016 г. Протокол № 9

Председатель



С.В. Бортновский



## Лист внесения изменений

Дополнения и изменения в рабочей программе дисциплины на 2018/2019 учебный год:

В рабочую программу дисциплины вносятся следующие изменения:

1. Список литературы обновлен учебными и учебно-методическими изданиями, электронными образовательными ресурсами. Обновлен перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем.

2. Обновлен перечень лицензионного программного обеспечения.

3. В фонд оценочных средств внесены изменения в соответствии с приказом «Об утверждении Положения о фонде оценочных средств для текущего контроля успеваемости, промежуточной и итоговой (государственной итоговой) аттестации» от 28.04.2018 №297(п)

Рабочая программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры алгебры, геометрии и методики их преподавания протокол № 9 от 03 мая 2018 г.

Заведующий кафедрой \_\_\_\_\_ В.Р. Майер

Одобрена научно-методическим советом специальности (направления подготовки) института математики, физики и информатики КГПУ им. В.П. Астафьева

23 мая 2018г. Протокол №8

Председатель НМСС (Н) \_\_\_\_\_ С.В. Бортновский



## Лист внесения изменений

Дополнения и изменения в рабочей программе дисциплины на 2018/2019 учебный год:

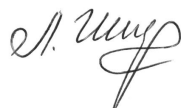
В рабочую программу дисциплины вносятся следующие изменения:

1. На титульном листе РПД и ФОС изменено название ведомственной принадлежности «Министерство науки и высшего образования РФ» на основании приказа «о внесении изменений в сведения о КГПУ им. В.П. Астафьева» от 15.07.2018 № 457 (п).

2. На титульном листе РПД и ФОС изменено название кафедры разработчика «Кафедра математики и методики обучения математике» на основании решения Ученого совета КГПУ им. В.П. Астафьева «О реорганизации структурных подразделений университета» от 01.06.2018

Рабочая программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры математики и методики обучения математике протокол № 1 от « 05 » сентября 2018 г.

Заведующий кафедрой



Л.В. Шкерина

Одобрено научно-методическим советом  
ИМФИ КГПУ им. В.П. Астафьева  
«12» сентября 2018 г. Протокол № 1

Председатель



С.В. Бортновский



## Лист внесения изменений

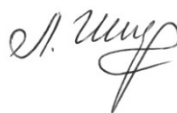
Дополнения и изменения в рабочей программе дисциплины на 2019/2020 учебный год:

В рабочую программу дисциплины вносятся следующие изменения:

1. Список литературы обновлен учебными и учебно-методическими изданиями, электронными образовательными ресурсами; обновлен перечень современных профессиональных баз данных и информационных справочных систем.

Рабочая программа пересмотрена и одобрена на заседании кафедры математики и методики обучения математике протокол № 7 от «08» мая 2019 г.

Заведующий кафедрой



Л.В. Шжерина

Одобрено НМСС(Н)

института математики, физики и информатики протокол № 8, 16 мая 2019 г.



Председатель



С.В. Бортовский

## 4. Учебные ресурсы

### 4.1. Карта литературного обеспечения дисциплины

#### «Дополнительные главы математики»

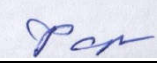
Направление подготовки 44.03.01 Педагогическое образование,  
направленность (профиль) образовательной программы Математика  
(заочная форма обучения)

№ п/п	Наименование	Место хранения/ электронный адрес	Кол-во экземпляров/ точек доступа
<b>Обязательная литература</b>			
1.	Кейв, М. А. Дискретная математика для будущего учителя математики [Электронный ресурс]: учебное пособие / М. А. Кейв; Краснояр. гос. пед. ун-т им. В. П. Астафьева. – Красноярск, 2008. – 67 с. – Режим доступа : <a href="http://elib.kspu.ru/document/5567">http://elib.kspu.ru/document/5567</a>	ЭБС КГПУ им. В. П. Астафьева	Индивидуальный неограниченный доступ
2.	Судоплатов, С.В. Дискретная математика : учебник / С.В. Судоплатов, Е.В. Овчинникова. - 4-е изд. - Новосибирск : НГТУ, 2012. - 278 с. - (Учебники НГТУ). - ISBN 978-5-7782-1815-4 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=135675">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=135675</a>	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»	Индивидуальный неограниченный доступ
3.	Редькин, Н.П. Дискретная математика : учебник / Н.П. Редькин. - Москва: Физматлит, 2009. - 263 с. - ISBN 978-5-9221-1093-8 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=75709">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=75709</a>	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»	Индивидуальный неограниченный доступ
<b>Дополнительная литература</b>			
4.	Руцкий А.Н. Сборник задач по дискретной математике. Часть 1. Рекуррентные соотношения, суммирование, асимптотическая аппроксимация: Учебно-методическое пособие. – Красноярск: РИО КГПУ, 2008. - 70 с.	Научная библиотека КГПУ им. В.П. Астафьева	78
5.	Руцкий А.Н. Сборник задач по дискретной математике. Часть 2. Теория графов.: Учебно-методическое пособие. – Красноярск: РИО КГПУ, 2006 – 100 с.	Научная библиотека КГПУ им. В.П. Астафьева	88
6.	Бережной, В.В. Дискретная математика: учебное пособие (курс лекций) : учебное пособие / В.В. Бережной, А.В. Шапошников ; Министерство образования и науки РФ, Федеральное государственное автономное	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»	Индивидуальный неограниченный доступ



	образовательное учреждение высшего образования «Северо-Кавказский федеральный университет». - Ставрополь : СКФУ, 2016. - 199 с. : ил. - Библиогр. в кн. ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=466802">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=466802</a>		
<b>Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы</b>			
7.	Основы дискретной математики: методические рекомендации для студентов, обучающихся по специальности 540200 "Физико-математическое образование" направления подготовки бакалавров [Текст] : методические рекомендации / сост. А. Н. Руцкий. - Красноярск : КГПУ им. В. П. Астафьева, 2009. - 48 с.	Научная библиотека КГПУ им. В.П. Астафьева	84
8.	Емеличев В.А., Мельников О.И., Сарванов В.И., Тышкевич Р.И. Лекции по теории графов. – М.: Наука, 1990. – 384 с.	Научная библиотека КГПУ им. В.П. Астафьева	8
9.	Каазик, Ю.А. Математический словарь / Ю.А. Каазик. - Москва : Физматлит, 2007. - 336 с. - ISBN 978-5-9221-0847-8 ; То же [Электронный ресурс]. - URL: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=68438">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&amp;id=68438</a> .	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»	Индивидуальный неограниченный доступ
<b>Информационные справочные системы и профессиональные базы данных</b>			
10.	Научная библиотека КГПУ им. В.П. Астафьева	<a href="http://library.kspu.ru/jirbis2/">http://library.kspu.ru/jirbis2/</a>	локальная сеть вуза
11.	Межвузовская электронная библиотека (МЭБ)	<a href="https://icdlib.nspu.ru/">https://icdlib.nspu.ru/</a>	Индивидуальный неограниченный доступ
12.	Elibrary.ru [Электронный ресурс]: электронная библиотечная система	<a href="http://elibrary.ru">http://elibrary.ru</a>	Индивидуальный неограниченный доступ
13.	Межвузовская электронная библиотека (МЭБ)	<a href="https://icdlib.nspu.ru">https://icdlib.nspu.ru</a>	Индивидуальный неограниченный доступ

Согласовано:

Главный библиотекарь /  / Фортова А.А.  
 (должность структурного подразделения) (подпись) (Фамилия И.О.)

## Карта материально-технической базы дисциплины

Направление подготовки 44.03.01 Педагогическое образование,  
направленность (профиль) образовательной программы Математика

Аудитория	Оборудование
для проведения лекционных занятий	
г. Красноярск, ул. Перенсона, д.7, ауд. 1-10	Проектор-1шт, интерактивная доска -1шт, компьютер – 1 шт., учебная доска-1шт, учебных мест – 30шт. ПО: Windows, Office Standart, Kaspersky Endpoint Security.
для проведения практических занятий (лабораторных работ)	
г. Красноярск, ул. Перенсона, д.7, ауд. 1-10	Проектор-1шт, интерактивная доска -1шт, компьютер – 1 шт., учебная доска-1шт, учебных мест – 30шт. ПО: Windows, Office Standart, Kaspersky Endpoint Security.
для самостоятельной работы	
г. Красноярск, ул. Перенсона, д.7, ауд. 1-11. Учебно-исследовательская лаборатория «Теория и методика обучения математике»	Компьютеры-10шт, маркерная доска-1шт. Электронная библиотека Липкина-1шт. ПО: Windows, Office Standart, Kaspersky Endpoint Security.

